

## Informatik für Mathematiker und Physiker      Serie 8      WS 04/05

URL: [http://www.ti.inf.ethz.ch/ew/courses/Info1\\_04/](http://www.ti.inf.ethz.ch/ew/courses/Info1_04/)

### Aufgabe 1 (8 Punkte)

Gegeben ist folgende kontextfreie Grammatik für ganzzahlige arithmetische Ausdrücke.

#### TERMINALE.

$+, -, *, /, (, ),$   
 $0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9 .$

#### NICHTTERMINALE.

*add-expr*, *add-expr-aux*, *mult-expr*,  
*mult-expr-aux*, *pm-expr*, *digits*, *digit*.

#### PRODUKTIONEN.

*add-expr*:  
    *mult-expr add-expr-aux*

*add-expr-aux*:  
     $+$  *mult-expr add-expr-aux*  
     $-$  *mult-expr add-expr-aux*  
     $\varepsilon$

*mult-expr*:  
    *pm-expr mult-expr-aux*

*mult-expr-aux*:  
     $*$  *pm-expr mult-expr-aux*  
     $/$  *pm-expr mult-expr-aux*  
     $\varepsilon$

*pm-expr*:  
    *number*  
     $($  *add-expr*  $)$

*number*:  
    *sign digit digits*

*digits*:  
    *digit digits*  
     $\varepsilon$

*sign*: ONE OF  
     $+$   $-$   $\varepsilon$

*digit*: ONE OF  
     $0\ 1\ 2\ 3\ 4\ 5\ 6\ 7\ 8\ 9$

Schreiben Sie ein Programm `calc.C`, das einen Taschenrechner simuliert. Erstellen Sie für jedes Nichtterminal  $N$  der Grammatik eine Funktion `int N(SSCI& b, SSCI e)`, welche versucht, ein Präfix der Zeichenfolge im Range  $[b, e)$  aus  $N$  abzuleiten. (Hierbei steht SSCI für `std::string::const_iterator`.)

Das heisst, die Funktion  $N$  hat folgende Postcondition: Kann ein Präfix  $[b, c)$  von  $[b, e)$  aus  $N$  abgeleitet werden, so ist  $b = c$  und Rückgabewert ist der Wert des durch  $[b, c)$  beschriebenen arithmetischen Ausdrucks. Andernfalls wirft  $N$  eine exception vom Typ `std::invalid_argument`.

In den Funktionen von *add-expr-aux*, *mult-expr-aux* und *digits* werden die arithmetischen Operationen tatsächlich ausgerechnet. Deshalb erhalten die entsprechenden Funktionen einen dritten Parameter vom Typ `int`, der den linken Operanden angibt.

Nehmen Sie das Programm `calc-simple.C` aus der Vorlesung als Ausgangspunkt.

**Abgabe:** Aufgabe 1: bis 13. Dezember 2004, 16.00 Uhr, per Email.

Aufgabe 2: am 14. Dezember 2004, in der Pause der Vorlesung, schriftlich.

**Aufgabe 2 (4 Punkte)**

Geben Sie kontextfreie Grammatiken für folgende Sprachen über dem Alphabet  $\Sigma = \{a, b, c\}$  an. In den Aufgabenteilen c) und d) begründen Sie, warum Ihre Grammatik korrekt ist.

- a) Alle Wörter der Form  $a^i b^{3i+2}$ ,  $i \geq 0$ .
- b) Alle Wörter der Form  $a^i b^j c^{i+j}$ ,  $i, j \geq 0$ .
- c) Alle Wörter, die gleich viele  $a$  wie  $b$  enthalten.
- d) Alle Wörter der Form  $a^i b^j c^k$ ,  $i, j, k \geq 0$ , für die nicht  $i = j = k$  gilt.

**Informatik I:****Material aus der Vorlesung****Programm: calc-simple.C**

```
// Programm: calc-simple.C
// Parser fuer einfache arithmetische Ausdruecke.

// Benutzt folgende kontextfreie Grammatik:
// add_expr:      number add_expr_aux
// add_expr_aux:  '+' number add_expr_aux
//               '-' number add_expr_aux
//               epsilon
//
// number:       digit digits
//
// digits:       digit digits
//               epsilon
//
// digit:        '0'|'1'|'2'|'3'|'4'|'5'|'6'|'7'|'8'|'9'

#include <iostream>
#include <string>
#include <cctype>
#include <stdexcept>

// Parse-Funktionen fuer die Nichtterminale:
// -----

// Zu jedem Nichtterminal N der Grammatik gibt es genau eine Funktion
// desselben Namens, die folgende Pre- und Postconditions hat:
//
// PRE: [b,e] ist ein gueltiger range.
// POST: Wenn sich ein Praefix P=[b,f] der durch den range [b,e]
// beschriebenen Zeichenfolge aus dem Nichtterminal N ableiten laesst,
// so ist b==f und Rueckgabewert ist der numerische Wert des durch P
// beschriebenen arithmetischen Ausdrucks. Andernfalls wirft die
// Funktion eine exception vom Typ std::invalid_argument.

// Zahlentyp fuer alle Berechnungen
typedef int NT;

// Iterortyp fuer alle Funktionen
typedef std::string::const_iterator SSCI;

NT digit(SSCI& b, SSCI e)
// PRE: b ist dereferenzierbar.
{
    return *(b++) - '0';
}

NT digits(SSCI& b, SSCI e, const NT& left_op)
{
    if (b == e || !std::isdigit(*b))
        return left_op;
    NT val = left_op * 10 + digit(b, e);
    return digits(b, e, val);
}

NT number(SSCI& b, SSCI e)
{
    if (b == e || !std::isdigit(*b))
        throw std::invalid_argument("digit expected.");
    NT val = digit(b, e);
    return digits(b, e, val);
}

NT add_expr_aux(SSCI& b, SSCI e, const NT& left_op)
{
    if (b == e) return left_op;
    if (*b == '+') {
        NT right_op = number(++b, e);
        return add_expr_aux(b, e, left_op + right_op);
    }
    if (*b == '-') {
        NT right_op = number(++b, e);
        return add_expr_aux(b, e, left_op - right_op);
    }
    return left_op;
}

NT add_expr(SSCI& b, SSCI e)
{
    NT value = number(b, e);
    return add_expr_aux(b, e, value);
}

int main()
{
    std::cout << "Eingabe: ";
    std::string input;
    std::cin >> input;

    SSCI beg = input.begin();
    SSCI end = input.end();
    SSCI cur = beg;
    try {
        std::cout << add_expr(cur, end) << std::endl;
        if (cur != end)
            throw std::invalid_argument("Unexpected character.");
    } catch (std::invalid_argument err) {
        std::cerr << "Parse error: " << err.what() << "\n"
                  << std::string(beg, cur)
                  << "|-here->"
                  << std::string(cur, end) << std::endl;
        return 1;
    }
    return 0;
}
```