

## Felder (Arrays) und Zeiger (Pointers) - Teil II

Zeichen, Texte, String Matching;  
Mehrdimensionale Felder;  
kürzeste Wege

## Zeichen und Texte

- Texte haben wir schon gesehen:

```
std::cout << "Prime numbers in {2,...,999}:\n";
```

String-Literal

- Können wir auch "richtig" mit Texten arbeiten? Ja:

Zeichen: Wert des fundamentalen Typs `char`

Text: Feld mit zugrundeliegendem Typ `char`

## Der Typ `char` ("character")

- repräsentiert druckbare Zeichen (z.B. `'a'`) und *Steuerzeichen* (z.B. `'\n'`)

```
char c = 'a';
```

definiert Variable `c` vom Typ `char` mit Wert `'a'`;

Literal vom Typ `char`

## Der Typ `char` ("character")

- ist formal ein ganzzahliger Typ
  - Werte konvertierbar nach `int` / `unsigned int`
  - Alle arithmetischen Operatoren verfügbar (Nutzen zweifelhaft: was ist `'a' / 'b'` ?)
  - Werte belegen meistens 8 Bit

Wertebereich:

`{-128,...,127}` oder `{0,...,255}`

## Der ASCII-Code

- definiert konkrete Konversionsregeln `char` → `int` / `unsigned int`
- wird von fast allen Plattformen benutzt

Zeichen → `{0,...,127}`

`'A', 'B', ..., 'Z'` → 65, 66, ..., 90

`'a', 'b', ..., 'z'` → 97, 98, ..., 122

## Der ASCII-Code

```
for (char c = 'a'; c <= 'z'; ++c)
    std::cout << c;
```

Ausgabe: `abcdefghijklmnopqrstuvwxy`

Zeichen → `{0,...,127}`

`'A', 'B', ..., 'Z'` → 65, 66, ..., 90

`'a', 'b', ..., 'z'` → 97, 98, ..., 122

### Texte

- sind repräsentierbar als Felder mit zugrundeliegendem Typ `char`

```
char text[] = {'b', 'o', 'o', 'l'}
```

- können auch durch String-Literale definiert werden

```
char text[] = "bool"
```

"speichert" seine Länge!

definiert ein Feld der Länge 5, das dem Text "bool" entspricht und *null-terminiert* ist (Extrazeichen '\0' wird am Ende angehängt)

### Anwendung: *String matching*

Finde das erste (oder alle) Vorkommen eines Musters (meist kurz) in einem gegebenen Text (meist lang)!

"Trivialer" Algorithmus:

```
Gallia est omnis divisa in partes tres
≠
visa
```

### Anwendung: *String matching*

Finde das erste (oder alle) Vorkommen eines Musters (meist kurz) in einem gegebenen Text (meist lang)!

"Trivialer" Algorithmus:

```
Gallia est omnis divisa in partes tres
≠
visa
```

### Anwendung: *String matching*

Finde das erste (oder alle) Vorkommen eines Musters (meist kurz) in einem gegebenen Text (meist lang)!

"Trivialer" Algorithmus:

```
Gallia est omnis divisa in partes tres
≠
visa
```

### Anwendung: *String matching*

Finde das erste (oder alle) Vorkommen eines Musters (meist kurz) in einem gegebenen Text (meist lang)!

"Trivialer" Algorithmus:

```
Gallia est omnis divisa in partes tres
= (gefunden!)
visa
```

### Anwendung: *String matching*

```
#include<iostream>
int main ()
{
  // search string
  const char s[] = "bool";

  // determine search string length m
  unsigned int m = 0;
  for (const char* p = s; *p != '\0'; ++p) ++m;

  // cyclic text window of size m
  char* const t = new char[m];

  unsigned int w = 0; // number of characters read so far
  unsigned int i = 0; // index where t logically starts
  ...
}
```

Muster "fest verdrahtet" in diesem Program (aber siehe *Details* im Skript)

### Anwendung: String matching

```
#include<iostream>
int main ()
{
  // search string
  const char s[] = "bool";

  // determine search string length m
  unsigned int m = 0;
  for (const char* p = s; *p != '\0'; ++p) ++m;

  // cyclic text window of size m
  char* const t = new char[m];

  unsigned int w = 0; // number of characters read so far
  unsigned int i = 0; // index where t logically starts
  ...
}
```

Rechne die Musterlänge aus (das geht, weil s null-terminiert ist)

### Anwendung: String matching

```
#include<iostream>
int main ()
{
  // search string
  const char s[] = "bool";

  // determine search string length m
  unsigned int m = 0;
  for (const char* p = s; *p != '\0'; ++p) ++m;

  // cyclic text window of size m
  char* const t = new char[m];

  unsigned int w = 0; // number of characters read so far
  unsigned int i = 0; // index where t logically starts
  ...
}
```

### Anwendung: String matching

```
#include<iostream>
int main ()
{
  // search string
  const char s[] = "bool";

  // determine search string length m
  unsigned int m = 0;
  for (const char* p = s; *p != '\0'; ++p) ++m;

  // cyclic text window of size m
  char* const t = new char[m];

  unsigned int w = 0; // number of characters read so far
  unsigned int i = 0; // index where t logically starts
  ...
}
```

### Anwendung: String matching

```
#include<iostream>
int main ()
{
  // search string
  const char s[] = "bool";

  // determine search string length m
  unsigned int m = 0;
  for (const char* p = s; *p != '\0'; ++p) ++m;

  // cyclic text window of size m
  char* const t = new char[m];

  unsigned int w = 0; // number of characters read so far
  unsigned int i = 0; // index where t logically starts
  ...
}
```

### Anwendung: String matching

```
...
// find pattern in the text being read from std::cin
std::cin >> std::noskipws; // don't skip whitespaces!
for (unsigned int j = 0; j < m;)
  // compare search string with window at j-th element
  if (w < m || s[j] != t[(i+j)%m])
    // input text still too short, or mismatch:
    // advance window by replacing first character
    if (std::cin >> t[i]) {
      std::cout << t[i];
      ++w; // one more character read
      j = 0; // restart with first characters
      i = (i+1)%m; // of string and window
    } else break; // no more characters in the input
    else ++j; // match: go to next character

std::cout << "\n";
delete[] t;
return 0;
}
```

Leerzeichen und Zeilenumbrüche sollen nicht ignoriert werden

### Anwendung: String matching

```
...
// find pattern in the text being read from std::cin
std::cin >> std::noskipws; // don't skip whitespaces!
for (unsigned int j = 0; j < m;)
  // compare search string with window at j-th element
  if (w < m || s[j] != t[(i+j)%m])
    // input text still too short, or mismatch:
    // advance window by replacing first character
    if (std::cin >> t[i]) {
      std::cout << t[i];
      ++w; // one more character read
      j = 0; // restart with first characters
      i = (i+1)%m; // of string and window
    } else break; // no more characters in the input
    else ++j; // match: go to next character

std::cout << "\n";
delete[] t;
return 0;
}
```

### Anwendung: String matching

```

...
// find pattern in the text being read from std::cin
std::cin >> std::noskipws; // don't skip whitespaces!

for (unsigned int j = 0; j < m;)
// compare search string with window at j-th element
if (w < m || s[j] != t[(i+j)%m])
// input text still too short, or mismatch:
// advance window by replacing first character
if (std::cin >> t[i]) {
std::cout << t[i];
++w; // one more character read
j = 0; // restart with first characters
i = (i+1)%m; // of string and window
} else break; // no more characters in the input
else ++j; // match: go to next character

std::cout << "\n";
delete[] t;
return 0;
}
    
```

### Anwendung: String matching

```

...
// find pattern in the text being read from std::cin
std::cin >> std::noskipws; // don't skip whitespaces!

for (unsigned int j = 0; j < m;)
// compare search string with window at j-th element
if (w < m || s[j] != t[(i+j)%m])
// input text still too short, or mismatch:
// advance window by replacing first character
if (std::cin >> t[i]) {
std::cout << t[i];
++w; // one more character read
j = 0; // restart with first characters
i = (i+1)%m; // of string and window
} else break; // no more characters in the input
else ++j; // match: go to next character

std::cout << "\n";
delete[] t;
return 0;
}
    
```

### Anwendung: String matching

Konversion nach bool (false wenn Eingabestrom leer)

```

...
// find pattern in the text being read from std::cin
std::cin >> std::noskipws; // don't skip whitespaces!

for (unsigned int j = 0; j < m;)
// compare search string with window at j-th element
if (w < m || s[j] != t[(i+j)%m])
// input text still too short, or mismatch:
// advance window by replacing first character
if (std::cin >> t[i]) {
std::cout << t[i];
++w; // one more character read
j = 0; // restart with first characters
i = (i+1)%m; // of string and window
} else break; // no more characters in the input
else ++j; // match: go to next character

std::cout << "\n";
delete[] t;
return 0;
}
    
```

### Anwendung: String matching

```

...
// find pattern in the text being read from std::cin
std::cin >> std::noskipws; // don't skip whitespaces!

for (unsigned int j = 0; j < m;)
// compare search string with window at j-th element
if (w < m || s[j] != t[(i+j)%m])
// input text still too short, or mismatch:
// advance window by replacing first character
if (std::cin >> t[i]) {
std::cout << t[i];
++w; // one more character read
j = 0; // restart with first characters
i = (i+1)%m; // of string and window
} else break; // no more characters in the input
else ++j; // match: go to next character

std::cout << "\n";
delete[] t;
return 0;
}
    
```

### Anwendung: String matching

```

...
// find pattern in the text being read from std::cin
std::cin >> std::noskipws; // don't skip whitespaces!

for (unsigned int j = 0; j < m;)
// compare search string with window at j-th element
if (w < m || s[j] != t[(i+j)%m])
// input text still too short, or mismatch:
// advance window by replacing first character
if (std::cin >> t[i]) {
std::cout << t[i];
++w; // one more character read
j = 0; // restart with first characters
i = (i+1)%m; // of string and window
} else break; // no more characters in the input
else ++j; // match: go to next character

std::cout << "\n";
delete[] t;
return 0;
}
    
```

### Anwendung: String matching

```

...
// find pattern in the text being read from std::cin
std::cin >> std::noskipws; // don't skip whitespaces!

for (unsigned int j = 0; j < m;)
// compare search string with window at j-th element
if (w < m || s[j] != t[(i+j)%m])
// input text still too short, or mismatch:
// advance window by replacing first character
if (std::cin >> t[i]) {
std::cout << t[i];
++w; // one more character read
j = 0; // restart with first characters
i = (i+1)%m; // of string and window
} else break; // no more characters in the input
else ++j; // match: go to next character

std::cout << "\n";
delete[] t;
return 0;
}
    
```

### Anwendung: String matching

```

...
// find pattern in the text being read from std::cin
std::cin >> std::noskipws; // don't skip whitespaces!
for (unsigned int j = 0; j < m;)
// compare search string with window at j-th element
if (w < m || s[j] != t[(i+j)%m])
// input text still too short, or mismatch:
// advance window by replacing first character
if (std::cin >> t[i]) {
std::cout << t[i];
++w; // one more character read
j = 0; // restart with first characters
i = (i+1)%m; // of string and window
} else break; // no more characters in the input
else ++j; // match: go to next character

std::cout << "\n";
delete[] t;
return 0;
}

```

w == 3

### Anwendung: String matching

```

...
// find pattern in the text being read from std::cin
std::cin >> std::noskipws; // don't skip whitespaces!
for (unsigned int j = 0; j < m;)
// compare search string with window at j-th element
if (w < m || s[j] != t[(i+j)%m])
// input text still too short, or mismatch:
// advance window by replacing first character
if (std::cin >> t[i]) {
std::cout << t[i];
++w; // one more character read
j = 0; // restart with first characters
i = (i+1)%m; // of string and window
} else break; // no more characters in the input
else ++j; // match: go to next character

std::cout << "\n";
delete[] t;
return 0;
}

```

w == 4

### Anwendung: String matching

```

...
// find pattern in the text being read from std::cin
std::cin >> std::noskipws; // don't skip whitespaces!
for (unsigned int j = 0; j < m;)
// compare search string with window at j-th element
if (w < m || s[j] != t[(i+j)%m])
// input text still too short, or mismatch:
// advance window by replacing first character
if (std::cin >> t[i]) {
std::cout << t[i];
++w; // one more character read
j = 0; // restart with first characters
i = (i+1)%m; // of string and window
} else break; // no more characters in the input
else ++j; // match: go to next character

std::cout << "\n";
delete[] t;
return 0;
}

```

w == 4

### Anwendung: String matching

```

...
// find pattern in the text being read from std::cin
std::cin >> std::noskipws; // don't skip whitespaces!
for (unsigned int j = 0; j < m;)
// compare search string with window at j-th element
if (w < m || s[j] != t[(i+j)%m])
// input text still too short, or mismatch:
// advance window by replacing first character
if (std::cin >> t[i]) {
std::cout << t[i];
++w; // one more character read
j = 0; // restart with first characters
i = (i+1)%m; // of string and window
} else break; // no more characters in the input
else ++j; // match: go to next character

std::cout << "\n";
delete[] t;
return 0;
}

```

w == 5

### Anwendung: String matching

```

...
// find pattern in the text being read from std::cin
std::cin >> std::noskipws; // don't skip whitespaces!
for (unsigned int j = 0; j < m;)
// compare search string with window at j-th element
if (w < m || s[j] != t[(i+j)%m])
// input text still too short, or mismatch:
// advance window by replacing first character
if (std::cin >> t[i]) {
std::cout << t[i];
++w; // one more character read
j = 0; // restart with first characters
i = (i+1)%m; // of string and window
} else break; // no more characters in the input
else ++j; // match: go to next character

std::cout << "\n";
delete[] t;
return 0;
}

```

w == 23

### Anwendung: String matching

```

...
// find pattern in the text being read from std::cin
std::cin >> std::noskipws; // don't skip whitespaces!
for (unsigned int j = 0; j < m;)
// compare search string with window at j-th element
if (w < m || s[j] != t[(i+j)%m])
// input text still too short, or mismatch:
// advance window by replacing first character
if (std::cin >> t[i]) {
std::cout << t[i];
++w; // one more character read
j = 0; // restart with first characters
i = (i+1)%m; // of string and window
} else break; // no more characters in the input
else ++j; // match: go to next character

std::cout << "\n";
delete[] t;
return 0;
}

```

w == 23

### Anwendung: String matching

```
...  
// find pattern in the text being read from std::cin  
std::cin >> std::noskipws; // don't skip whitespaces!  
  
for (unsigned int j = 0; j < m;) {  
    // compare search string with window at j-th element  
    if (w < m || s[j] != t[(i+j)%m])  
        // input text still too short, or mismatch:  
        // advance window by replacing first character  
        if (std::cin >> t[i]) {  
            std::cout << t[i];  
            ++w; // one more character read  
            j = 0; // restart with first characters  
            i = (i+1)%m; // of string and window  
        } else break; // no more characters in the input  
        else ++j; // match: go to next character  
    }  
  
std::cout << "\n";  
delete[] t;  
return 0;  
}
```

Diagram illustrating string matching. A search string "i s a v" is compared with a window "v i s a" at index  $i$ . The window is shifted to the right by one character to "i s a" at index  $i+1$ . The window size is  $m$ . The text length is  $w == 23$ .

### Anwendung: String matching

```
...  
// find pattern in the text being read from std::cin  
std::cin >> std::noskipws; // don't skip whitespaces!  
  
for (unsigned int j = 0; j < m;) {  
    // compare search string with window at j-th element  
    if (w < m || s[j] != t[(i+j)%m])  
        // input text still too short, or mismatch:  
        // advance window by replacing first character  
        if (std::cin >> t[i]) {  
            std::cout << t[i];  
            ++w; // one more character read  
            j = 0; // restart with first characters  
            i = (i+1)%m; // of string and window  
        } else break; // no more characters in the input  
        else ++j; // match: go to next character  
    }  
  
std::cout << "\n";  
delete[] t;  
return 0;  
}
```

Diagram illustrating string matching. A search string "i s a v" is compared with a window "v i s a" at index  $i$ . The window is shifted to the right by one character to "i s a" at index  $i+1$ . The window size is  $m$ . The text length is  $w == 23$ .

### Anwendung: String matching

```
...  
// find pattern in the text being read from std::cin  
std::cin >> std::noskipws; // don't skip whitespaces!  
  
for (unsigned int j = 0; j < m;) {  
    // compare search string with window at j-th element  
    if (w < m || s[j] != t[(i+j)%m])  
        // input text still too short, or mismatch:  
        // advance window by replacing first character  
        if (std::cin >> t[i]) {  
            std::cout << t[i];  
            ++w; // one more character read  
            j = 0; // restart with first characters  
            i = (i+1)%m; // of string and window  
        } else break; // no more characters in the input  
        else ++j; // match: go to next character  
    }  
  
std::cout << "\n";  
delete[] t;  
return 0;  
}
```

Diagram illustrating string matching. A search string "i s a v" is compared with a window "v i s a" at index  $i$ . The window is shifted to the right by one character to "i s a" at index  $i+1$ . The window size is  $m$ . The text length is  $w == 23$ .

### Anwendung: String matching

```
...  
// find pattern in the text being read from std::cin  
std::cin >> std::noskipws; // don't skip whitespaces!  
  
for (unsigned int j = 0; j < m;) {  
    // compare search string with window at j-th element  
    if (w < m || s[j] != t[(i+j)%m])  
        // input text still too short, or mismatch:  
        // advance window by replacing first character  
        if (std::cin >> t[i]) {  
            std::cout << t[i];  
            ++w; // one more character read  
            j = 0; // restart with first characters  
            i = (i+1)%m; // of string and window  
        } else break; // no more characters in the input  
        else ++j; // match: go to next character  
    }  
  
std::cout << "\n";  
delete[] t;  
return 0;  
}
```

Diagram illustrating string matching. A search string "i s a v" is compared with a window "v i s a" at index  $i$ . The window is shifted to the right by one character to "i s a" at index  $i+1$ . The window size is  $m$ . The text length is  $w == 23$ .

### Anwendung: String matching

```
...  
// find pattern in the text being read from std::cin  
std::cin >> std::noskipws; // don't skip whitespaces!  
  
for (unsigned int j = 0; j < m;) {  
    // compare search string with window at j-th element  
    if (w < m || s[j] != t[(i+j)%m])  
        // input text still too short, or mismatch:  
        // advance window by replacing first character  
        if (std::cin >> t[i]) {  
            std::cout << t[i];  
            ++w; // one more character read  
            j = 0; // restart with first characters  
            i = (i+1)%m; // of string and window  
        } else break; // no more characters in the input  
        else ++j; // match: go to next character  
    }  
  
std::cout << "\n";  
delete[] t;  
return 0;  
}
```

Diagram illustrating string matching. A search string "i s a v" is compared with a window "v i s a" at index  $i$ . The window is shifted to the right by one character to "i s a" at index  $i+1$ . The window size is  $m$ . The text length is  $w == 23$ .

### Anwendung: String matching

```
...  
// find pattern in the text being read from std::cin  
std::cin >> std::noskipws; // don't skip whitespaces!  
  
for (unsigned int j = 0; j < m;) {  
    // compare search string with window at j-th element  
    if (w < m || s[j] != t[(i+j)%m])  
        // input text still too short, or mismatch:  
        // advance window by replacing first character  
        if (std::cin >> t[i]) {  
            std::cout << t[i];  
            ++w; // one more character read  
            j = 0; // restart with first characters  
            i = (i+1)%m; // of string and window  
        } else break; // no more characters in the input  
        else ++j; // match: go to next character  
    }  
  
std::cout << "\n";  
delete[] t;  
return 0;  
}
```

Diagram illustrating string matching. A search string "i s a v" is compared with a window "v i s a" at index  $i$ . The window is shifted to the right by one character to "i s a" at index  $i+1$ . The window size is  $m$ . The text length is  $w == 23$ .

### Anwendung: *String matching*

```

...
// find pattern in the text being read from std::cin
std::cin >> std::noskipws; // don't skip whitespaces!
for (unsigned int j = 0; j < S; j++)
// compare search string with window at j-th element
if (w <= m || s[j] != t[(i+j)%m])
// input text still too short, or mismatch:
// advance window by replacing first character
if (std::cin >> t[i]) {
std::cout << t[i];
++w; // one more character read
j = 0; // restart with first characters
i = (i+1)%m; // of string and window
} else break; // no more characters in the input
else ++j; // match: go to next character

std::cout << "\n";
delete[] t;
return 0;
}
    
```

Fertig! Die ersten 23 Textzeichen wurden ausgegeben

w == 23

### Anwendung: *String matching*

- Aufruf des Programms z.B. durch
 

```
./string_matching < eratosthenes.cpp
```

Eingabe wird nicht von der Tastatur, sondern aus der angegebenen Datei genommen (Umlenkung der Eingabe)

### Anwendung: *String matching*

- Aufruf des Programms z.B. durch
 

```
./string_matching < eratosthenes.cpp
```
- Ausgabe:
 

```

// Program: eratosthenes.cpp
// Calculate prime numbers in {2,...,n-1} using
// Eratosthenes' sieve.

#include <iostream>

int main()
{
const unsigned int n = 1000;

// definition and initialization; provides us with
// Booleans crossed_out[0],..., crossed_out[n-1]
bool
            
```

### Anwendung: *String matching*

- Aufruf des Programms z.B. durch
 

```
./string_matching < eratosthenes.cpp
> match.out
```

Ausgabe wird nicht auf den Bildschirm geschrieben, sondern in die angegebene Datei (Umlenkung der Ausgabe)

### Anwendung: *String matching*

- Aufruf des Programms z.B. durch
 

```
./string_matching < eratosthenes.cpp
> match.out
```
- Der triviale Algorithmus ist meistens schnell, aber nicht immer (Übung)
- *Knuth-Morris-Pratt*-Algorithmus ist immer schnell

### Mehrdimensionale Felder

- sind Felder von Feldern
- dienen zum Speichern von *Tabellen*, *Matrizen*,...

### Mehrdimensionale Felder

- sind Felder von Feldern

`int a[2][3]`

a hat zwei Elemente, und jedes von ihnen ist ein Feld der Länge 3 mit zugrundeliegendem Typ `int`

Im Speicher: *flach*

a[0][0]	a[0][1]	a[0][2]	a[1][0]	a[1][1]	a[1][2]
---------	---------	---------	---------	---------	---------

a[0]                      a[1]

### Mehrdimensionale Felder

- sind Felder von Feldern

`int a[2][3]`

Im Kopf: Matrix, Tabelle, ...

		Kolonnen		
		0	1	2
Zeilen	0	a[0][0]	a[0][1]	a[0][2]
	1	a[1][0]	a[1][1]	a[1][2]

### Mehrdimensionale Felder

- sind Felder von Feldern von Feldern...

`T a[ expr1 ] ... [ exprk ]`

konstante Ausdrücke!

a hat `expr1` Elemente, und jedes von ihnen ist ein Feld mit `expr2` Elementen, von denen jedes ein Feld mit `expr3` Elementen ist, ...

### Mehrdimensionale Felder

Initialisierung:

```
int a[2][3] =
{
  {2,4,6}, {1,3,5}
}
```

2	4	6	1	3	5
---	---	---	---	---	---

a[0]                      a[1]

### Mehrdimensionale Felder

Initialisierung:

erste Dimension kann weggelassen werden

```
int a[][3] =
{
  {2,4,6}, {1,3,5}
}
```

2	4	6	1	3	5
---	---	---	---	---	---

a[0]                      a[1]

### Zeiger auf Felder

Wie iteriert man natürlich über ein mehrdimensionales Feld?

```
int a[2][3];
int (*p)[3] = a; // Zeiger auf erstes Element
```

Implizite Typdefinition: `*p` ist vom Typ `int[3]`, also ist `p` ein Zeiger auf `int[3]`

### Zeiger auf Felder

Wie iteriert man natürlich über ein mehrdimensionales Feld?

```
int a[2][3];
int (*p)[3] = a; // Zeiger auf erstes Element
```

Ohne Klammern: p ist ein Feld von 3 Zeigern auf int

```
int *p [3]; // int* p[3]
```

### Zeiger auf Felder

Wie iteriert man natürlich über ein mehrdimensionales Feld?

```
int a[2][3];
int (*p)[3] = a; // Zeiger auf erstes Element
```

Ohne Klammern: p ist ein Feld von 3 Zeigern auf int

```
int *p [3]; // int* p[3]
```

Solche Syntax-„Gemeinheiten“ muss man nicht sich nicht merken, nur bei Bedarf nachschauen (Skript)!

### Felder von Zeigern

Wie bekommen wir mehrdimensionale Felder mit variablen Dimensionen?

### Felder von Zeigern

Wie bekommen wir mehrdimensionale Felder mit variablen Dimensionen?

```
int** a = new int*[n];
```

a ist Zeiger auf das erste Element eines Feldes von n Zeigern auf int

zugrundeliegender Typ: int\*

### Felder von Zeigern

Wie bekommen wir mehrdimensionale Felder mit variablen Dimensionen?

```
int** a = new int*[n];
for (int i = 0; i < n; ++i)
    a[i] = new int[m];
```

i == 0

### Felder von Zeigern

Wie bekommen wir mehrdimensionale Felder mit variablen Dimensionen?

```
int** a = new int*[n];
for (int i = 0; i < n; ++i)
    a[i] = new int[m];
```

a[0] ist Zeiger auf das erste Element eines Feldes von m int's

i == 0

### Felder von Zeigern

- Wie bekommen wir mehrdimensionale Felder mit variablen Dimensionen?

```
int** a = new int*[n];
for (int i = 0; i < n; ++i)
    a[i] = new int[m];
```

**a[1] ist Zeiger auf das erste Element eines Feldes von  $m$  int's**

$i == 1$

### Felder von Zeigern

- Wie bekommen wir mehrdimensionale Felder mit variablen Dimensionen?

```
int** a = new int*[n];
for (int i = 0; i < n; ++i)
    a[i] = new int[m];
```

**a[n-1] ist Zeiger auf das erste Element eines Feldes von  $m$  int's**

$i == n-1$

### Felder von Zeigern

- Wie bekommen wir mehrdimensionale Felder mit variablen Dimensionen?

Wahlfreier Zugriff:

```
a[i][j]
```

```
*(a[i]+j)
```

Zeiger

### Felder von Zeigern

- Speicherlayout im *Heap*:

### Anwendung: kürzeste Wege

Fabrik-Halle ( $n \times m$  quadratische Zellen)

Startposition eines Roboters

Hindernisse

freie Zellen

Zielposition des Roboters

Finde kürzesten Weg des Roboters von S nach T, der nur freie Zellen benutzt!

### Anwendung: kürzeste Wege

Fabrik-Halle ( $n \times m$  quadratische Zellen)

Lösung

Startposition eines Roboters

Hindernisse

freie Zellen

Zielposition des Roboters

Finde kürzesten Weg des Roboters von S nach T, der nur freie Zellen benutzt!

### Ein (scheinbar) anderes Problem

Finde die *Längen* der kürzesten Wege zu *allen* möglichen Zielen!

Startposition eines Roboters

Zielposition des Roboters; kürzester Weg hat Länge 21

### Ein (scheinbar) anderes Problem

Finde die *Längen* der kürzesten Wege zu *allen* möglichen Zielen!

Das löst auch das Original-Problem:  
 starte in T;  
 folge einem Weg mit (jeweils um eins) *sinken-*den Längen!

Weglänge 21 (optimal)

Zielposition des Roboters; kürzester Weg hat Länge 21

### Markierung aller Zellen mit ihren Weglängen

Schritt 0: Alle Zellen mit Weglänge 0:

Startposition eines Roboters

### Markierung aller Zellen mit ihren Weglängen

Schritt 1: Alle Zellen mit Weglänge 1:

Unmarkierte Nachbarn der Zelle(n) mit Weglänge 0

### Markierung aller Zellen mit ihren Weglängen

Schritt 2: Alle Zellen mit Weglänge 2:

Unmarkierte Nachbarn der Zelle(n) mit Weglänge 1

### Markierung aller Zellen mit ihren Weglängen

Schritt 3: Alle Zellen mit Weglänge 3:

Unmarkierte Nachbarn der Zelle(n) mit Weglänge 2

### Das Kürzeste-Wege-Programm

- Eingabeformat:

### Das Kürzeste-Wege-Programm

- Einlesen der Dimensionen und Bereitstellung eines zweidimensionalen Feldes für die Weglängen

```

int n; std::cin >> n; // number of rows
int m; std::cin >> m; // number of columns

// dynamically allocate twodimensional array of dimensions
// (n+2) x (m+2) to hold the floor plus extra walls around
int** const floor = new int*[n+2];
for (int r=0; r<n+2; ++r)
    floor[r] = new int[m+2];
    
```

Wächter (sentinels)

### Das Kürzeste-Wege-Programm

### Das Kürzeste-Wege-Programm

- Einlesen der Hallenbelegung und Initialisierung der Längen

```

int tr = 0;
int tc = 0;
for (int r=1; r<n+1; ++r)
    for (int c=1; c<m+1; ++c) {
        char entry = '-';
        std::cin >> entry;
        if (entry == 'S') floor[r][c] = 0;
        else if (entry == 'T') floor[tr][tc] = -1;
        else if (entry == 'X') floor[r][c] = -2;
        else if (entry == '-') floor[r][c] = -1;
    }
    
```

Zielkoordinaten (Zeilen-/Kolonnenindex)

### Das Kürzeste-Wege-Programm

- Einlesen der Hallenbelegung und Initialisierung der Längen

```

int tr = 0;
int tc = 0;
for (int r=1; r<n+1; ++r)
    for (int c=1; c<m+1; ++c) {
        char entry = '-';
        std::cin >> entry;
        if (entry == 'S') floor[r][c] = 0;
        else if (entry == 'T') floor[tr][tc] = -1;
        else if (entry == 'X') floor[r][c] = -2;
        else if (entry == '-') floor[r][c] = -1;
    }
    
```

lies die Eingabe Zeile für Zeile (z.B. durch Umlenkung der Eingabe auf die Datei shortest\_path0.dat)

### Das Kürzeste-Wege-Programm

- Einlesen der Hallenbelegung und Initialisierung der Längen

```

int tr = 0;
int tc = 0;
for (int r=1; r<n+1; ++r)
    for (int c=1; c<m+1; ++c) {
        char entry = '-';
        std::cin >> entry;
        if (entry == 'S') floor[r][c] = 0;
        else if (entry == 'T') floor[tr][tc] = -1;
        else if (entry == 'X') floor[r][c] = -2;
        else if (entry == '-') floor[r][c] = -1;
    }
    
```

Eingabezeichen in Zeile r ∈ {1,...,n} und Kolonne c ∈ {1,...,m}

### Das Kürzeste-Wege-Programm

- Einlesen der Hallenbelegung und Initialisierung der Längen

```

int tr = 0;
int tc = 0;
for (int r=1; r<n+1; ++r)
  for (int c=1; c<m+1; ++c) {
    char entry = '-';
    std::cin >> entry;
    if (entry == 'S') floor[r][c] = 0;
    else if (entry == 'T') floor[tr = r][tc = c] = -1;
    else if (entry == 'X') floor[r][c] = -2;
    else if (entry == '-') floor[r][c] = -1;
  }
  
```

Länge bereits bekannt

### Das Kürzeste-Wege-Programm

- Einlesen der Hallenbelegung und Initialisierung der Längen

```

int tr = 0;
int tc = 0;
for (int r=1; r<n+1; ++r)
  for (int c=1; c<m+1; ++c) {
    char entry = '-';
    std::cin >> entry;
    if (entry == 'S') floor[r][c] = 0;
    else if (entry == 'T') floor[tr = r][tc = c] = -1;
    else if (entry == 'X') floor[r][c] = -2;
    else if (entry == '-') floor[r][c] = -1;
  }
  
```

Ziel: setze Koordinaten

-1: Länge noch unbekannt

### Das Kürzeste-Wege-Programm

- Einlesen der Hallenbelegung und Initialisierung der Längen

```

int tr = 0;
int tc = 0;
for (int r=1; r<n+1; ++r)
  for (int c=1; c<m+1; ++c) {
    char entry = '-';
    std::cin >> entry;
    if (entry == 'S') floor[r][c] = 0;
    else if (entry == 'T') floor[tr = r][tc = c] = -1;
    else if (entry == 'X') floor[r][c] = -2;
    else if (entry == '-') floor[r][c] = -1;
  }
  
```

-2: Länge nicht relevant (Hindernis)

### Das Kürzeste-Wege-Programm

- Einlesen der Hallenbelegung und Initialisierung der Längen

```

int tr = 0;
int tc = 0;
for (int r=1; r<n+1; ++r)
  for (int c=1; c<m+1; ++c) {
    char entry = '-';
    std::cin >> entry;
    if (entry == 'S') floor[r][c] = 0;
    else if (entry == 'T') floor[tr = r][tc = c] = -1;
    else if (entry == 'X') floor[r][c] = -2;
    else if (entry == '-') floor[r][c] = -1;
  }
  
```

-1: Länge noch unbekannt (freie Zelle)

### Das Kürzeste-Wege-Programm

- Hinzufügen der umschliessenden "Wände"

```

for (int r=0; r<n+2; ++r)
  floor[r][0] = floor[r][m+1] = -2;
for (int c=0; c<m+2; ++c)
  floor[0][c] = floor[n+1][c] = -2;
  
```

Kolonnen 0 und  $m+1$

Zeilen 0 und  $n+1$

### Das Kürzeste-Wege-Programm

### Das Kürzeste-Wege-Programm

```

for (int i=1; ++i) {
    bool progress = false;
    for (int r=1; r<n+1; ++r)
        for (int c=1; c<m+1; ++c) {
            if (floor[r][c] != -1) continue;
            if (floor[r-1][c] == i-1 || floor[r+1][c] == i-1 ||
                floor[r][c-1] == i-1 || floor[r][c+1] == i-1) {
                floor[r][c] = i; // label cell with i
                progress = true;
            }
        }
    if (!progress) break;
}
    
```

Hauptschleife: finde und markiere alle Zellen mit Weglängen i=1,2,3...

### Das Kürzeste-Wege-Programm

```

for (int i=1; ++i) {
    bool progress = false;
    for (int r=1; r<n+1; ++r)
        for (int c=1; c<m+1; ++c) {
            if (floor[r][c] != -1) continue;
            if (floor[r-1][c] == i-1 || floor[r+1][c] == i-1 ||
                floor[r][c-1] == i-1 || floor[r][c+1] == i-1) {
                floor[r][c] = i; // label cell with i
                progress = true;
            }
        }
    if (!progress) break;
}
    
```

Haben wir für dieses i eine Zelle gefunden?

### Das Kürzeste-Wege-Programm

```

for (int i=1; ++i) {
    bool progress = false;
    for (int r=1; r<n+1; ++r)
        for (int c=1; c<m+1; ++c) {
            if (floor[r][c] != -1) continue;
            if (floor[r-1][c] == i-1 || floor[r+1][c] == i-1 ||
                floor[r][c-1] == i-1 || floor[r][c+1] == i-1) {
                floor[r][c] = i; // label cell with i
                progress = true;
            }
        }
    if (!progress) break;
}
    
```

Iteriere über alle "echten" Zellen

### Das Kürzeste-Wege-Programm

```

for (int i=1; ++i) {
    bool progress = false;
    for (int r=1; r<n+1; ++r)
        for (int c=1; c<m+1; ++c) {
            if (floor[r][c] != -1) continue;
            if (floor[r-1][c] == i-1 || floor[r+1][c] == i-1 ||
                floor[r][c-1] == i-1 || floor[r][c+1] == i-1) {
                floor[r][c] = i; // label cell with i
                progress = true;
            }
        }
    if (!progress) break;
}
    
```

Betrachte Zelle in Zeile r ∈ {1,...,n} und Kolonne c ∈ {1,...,m}:  
**Fall 1:** Hindernis, oder schon markiert

### Das Kürzeste-Wege-Programm

```

for (int i=1; ++i) {
    bool progress = false;
    for (int r=1; r<n+1; ++r)
        for (int c=1; c<m+1; ++c) {
            if (floor[r][c] != -1) continue;
            if (floor[r-1][c] == i-1 || floor[r+1][c] == i-1 ||
                floor[r][c-1] == i-1 || floor[r][c+1] == i-1) {
                floor[r][c] = i; // label cell with i
                progress = true;
            }
        }
    if (!progress) break;
}
    
```

Betrachte Zelle in Zeile r ∈ {1,...,n} und Kolonne c ∈ {1,...,m}:  
**Fall 2:** Ein Nachbar hat bereits Weglänge i-1

Durch die Wächter hat jede "echte" Zelle 4 Nachbarn!

### Das Kürzeste-Wege-Programm

```

for (int i=1; ++i) {
    bool progress = false;
    for (int r=1; r<n+1; ++r)
        for (int c=1; c<m+1; ++c) {
            if (floor[r][c] != -1) continue;
            if (floor[r-1][c] == i-1 || floor[r+1][c] == i-1 ||
                floor[r][c-1] == i-1 || floor[r][c+1] == i-1) {
                floor[r][c] = i; // label cell with i
                progress = true;
            }
        }
    if (!progress) break;
}
    
```

Betrachte Zelle in Zeile r ∈ {1,...,n} und Kolonne c ∈ {1,...,m}:  
**Fall 2:** Ein Nachbar hat bereits Weglänge i-1

Markiere Zelle mit i

### Das Kürzeste-Wege-Programm

```

for (int i=1;; ++i) {
    bool progress = false;
    for (int r=1; r<n+1; ++r)
        for (int c=1; c<m+1; ++c) {
            if (floor[r][c] != -1) continue;
            if (floor[r-1][c] == i-1 || floor[r+1][c] == i-1 ||
                floor[r][c-1] == i-1 || floor[r][c+1] == i-1) {
                floor[r][c] = i; // label cell with i
                progress = true;
            }
        }
    if (!progress) break;
}
    
```

Falls keine Zelle mehr markiert werden konnte, sind wir fertig (sonst geht's weiter mit i+1)

### Das Kürzeste-Wege-Programm

- Markieren des kürzesten Weges durch "Rückwärtslaufen" vom Ziel zum Start

```

int r = tr; int c = tc;
while (floor[r][c] > 0) {
    const int d = floor[r][c] - 1;
    floor[r][c] = -3;
    if (floor[r-1][c] == d) --r;
    else if (floor[r+1][c] == d) ++r;
    else if (floor[r][c-1] == d) --c;
    else ++c; // (floor[r][c+1] == d)
}
    
```

Zielzelle

### Das Kürzeste-Wege-Programm

- Markieren des kürzesten Weges durch "Rückwärtslaufen" vom Ziel zum Start

```

int r = tr; int c = tc;
while (floor[r][c] > 0) {
    const int d = floor[r][c] - 1;
    floor[r][c] = -3;
    if (floor[r-1][c] == d) --r;
    else if (floor[r+1][c] == d) ++r;
    else if (floor[r][c-1] == d) --c;
    else ++c; // (floor[r][c+1] == d)
}
    
```

Solange Startzelle noch nicht erreicht...

### Das Kürzeste-Wege-Programm

- Markieren des kürzesten Weges durch "Rückwärtslaufen" vom Ziel zum Start

```

int r = tr; int c = tc;
while (floor[r][c] > 0) {
    const int d = floor[r][c] - 1;
    floor[r][c] = -3;
    if (floor[r-1][c] == d) --r;
    else if (floor[r+1][c] == d) ++r;
    else if (floor[r][c-1] == d) --c;
    else ++c; // (floor[r][c+1] == d)
}
    
```

d = um eins kleinere Weglänge

### Das Kürzeste-Wege-Programm

- Markieren des kürzesten Weges durch "Rückwärtslaufen" vom Ziel zum Start

```

int r = tr; int c = tc;
while (floor[r][c] > 0) {
    const int d = floor[r][c] - 1;
    floor[r][c] = -3;
    if (floor[r-1][c] == d) --r;
    else if (floor[r+1][c] == d) ++r;
    else if (floor[r][c-1] == d) --c;
    else ++c; // (floor[r][c+1] == d)
}
    
```

Markiere Zelle (mit -3 zur Unterscheidung): sie liegt auf dem kürzesten Weg

### Das Kürzeste-Wege-Programm

- Markieren des kürzesten Weges durch "Rückwärtslaufen" vom Ziel zum Start

```

int r = tr; int c = tc;
while (floor[r][c] > 0) {
    const int d = floor[r][c] - 1;
    floor[r][c] = -3;
    if (floor[r-1][c] == d) --r;
    else if (floor[r+1][c] == d) ++r;
    else if (floor[r][c-1] == d) --c;
    else ++c; // (floor[r][c+1] == d)
}
    
```

Gehe zu einer Nachbarzelle mit Weglänge d und wiederhole...

## Das Kürzeste-Wege-Programm

-3	-3	-3	-3	-3	-3	15	16	17	18	19		
-3					9	-3	14	15	16	17	18	
-3	-3	0			10	-3	-3	-3	-3	17		
3	2	1			11	12	13			-3	18	
4	3	2			10	11	12		20	-3	-3	19
5	4	3			9	10	11		21	-3	19	20
6	5	4			8	9	10		22	-3	20	21
7	6	5	6	7	8	9			23	22	21	22

## Das Kürzeste-Wege-Programm

■ Ausgabe: auf dem kürzesten Weg

```
for (int r=1; r<n+1; ++r) {
  for (int c=1; c<m+1; ++c)
    if (floor[r][c] == 0) std::cout << 'S';
    else if (r == tr && c == tc) std::cout << 'T';
    else if (floor[r][c] == -3) std::cout << 'o';
    else if (floor[r][c] == -2) std::cout << 'X';
    else std::cout << '-';
  std::cout << "\n";
}
```

```
ooooooooX-----
oXXX-oX-----
oOSX-oooooooo-
--X--XXXo-
--X--X-o-
--X--X-o-
--X--X-T-
-----X-----
```

## Das Kürzeste-Wege-Programm

■ Ausgabe: auf dem kürzesten Weg

```
for (int r=1; r<n+1; ++r) {
  for (int c=1; c<m+1; ++c)
    if (floor[r][c] == 0) std::cout << 'S';
    else if (r == tr && c == tc) std::cout << 'T';
    else if (floor[r][c] == -3) std::cout << 'o';
    else if (floor[r][c] == -2) std::cout << 'X';
    else std::cout << '-';
  std::cout << "\n";
}
```

```
ooooooooX-----
oXXX-oX-----
oOSX-oooooooo-
--X--XXXo-
--X--X-o-
--X--X-o-
--X--X-T-
-----X-----
```

## Das Kürzeste-Wege-Programm

■ Ausgabe: auf dem kürzesten Weg

```
for (int r=1; r<n+1; ++r) {
  for (int c=1; c<m+1; ++c)
    if (floor[r][c] == 0) std::cout << 'S';
    else if (r == tr && c == tc) std::cout << 'T';
    else if (floor[r][c] == -3) std::cout << 'o';
    else if (floor[r][c] == -2) std::cout << 'X';
    else std::cout << '-';
  std::cout << "\n";
}
```

```
ooooooooX-----
oXXX-oX-----
oOSX-oooooooo-
--X--XXXo-
--X--X-o-
--X--X-o-
--X--X-T-
-----X-----
```

## Das Kürzeste-Wege-Programm

■ Ausgabe: auf dem kürzesten Weg

```
for (int r=1; r<n+1; ++r) {
  for (int c=1; c<m+1; ++c)
    if (floor[r][c] == 0) std::cout << 'S';
    else if (r == tr && c == tc) std::cout << 'T';
    else if (floor[r][c] == -3) std::cout << 'o';
    else if (floor[r][c] == -2) std::cout << 'X';
    else std::cout << '-';
  std::cout << "\n";
}
```

```
ooooooooX-----
oXXX-oX-----
oOSX-oooooooo-
--X--XXXo-
--X--X-o-
--X--X-o-
--X--X-T-
-----X-----
```

## Das Kürzeste-Wege-Programm

■ Ausgabe: auf dem kürzesten Weg

```
for (int r=1; r<n+1; ++r) {
  for (int c=1; c<m+1; ++c)
    if (floor[r][c] == 0) std::cout << 'S';
    else if (r == tr && c == tc) std::cout << 'T';
    else if (floor[r][c] == -3) std::cout << 'o';
    else if (floor[r][c] == -2) std::cout << 'X';
    else std::cout << '-';
  std::cout << "\n";
}
```

```
ooooooooX-----
oXXX-oX-----
oOSX-oooooooo-
--X--XXXo-
--X--X-o-
--X--X-o-
--X--X-T-
-----X-----
```

### Das Kürzeste-Wege-Programm

- Ausgabe: auf dem kürzestem Weg

```

for (int r=1; r<n+1; ++r) {
  for (int c=1; c<n+1; ++c)
    if (floor[r][c] == 0) std::cout << 'S';
    else if (r == tr && c == tc) std::cout << 'T';
    else if (floor[r][c] == -3) std::cout << 'o';
    else if (floor[r][c] == -2) std::cout << 'X';
    else std::cout << '-';
  std::cout << "\n";
}
    
```

```

ooooooooX-----
oXXX-oX-----
oSX-oooooooo-
--X--XXxo-
--X--X-oo-
--X--X-o-
--X--X-T-
-----X-----
    
```

### Das Kürzeste-Wege-Programm

- *Last, but not least* : lösche die auf dem Heap bereitgestellten Felder

```

for (int r=0; r<n+2; ++r)
  delete[] floor[r]; ← Feld für die Zeile mit Index r
delete[] floor; ← Feld von Zeigern auf die n+2 Zeilen
    
```

### Das Kürzeste-Wege-Programm

- Das Programm kann recht langsam sein, weil für jedes *i* *alle* Zellen durchlaufen werden
- Verbesserung: durchlaufe jeweils nur die Nachbarn der Zellen mit Markierung *i-1*
- *Challenge*