



Ganze Zahlen

Die Typen `int`, `unsigned int`;
Auswertung arithmetischer Aus-
drücke, arithmetische Operatoren



Celsius to Fahrenheit

```
// Program: fahrenheit.cpp
// Convert temperatures from Celsius to Fahrenheit.

#include <iostream>

int main()
{
    // Input
    std::cout << "Temperature in degrees Celsius =? ";
    int celsius;
    std::cin >> celsius;

    // Computation and output
    std::cout << celsius << " degrees Celsius are "
              << 9 * celsius / 5 + 32 << " degrees Fahrenheit.\n";
    return 0;
}
```



Celsius to Fahrenheit

```
// Program: fahrenheit.cpp
// Convert temperatures from Celsius to Fahrenheit.

#include <iostream>

int main()
{
    // Input
    std::cout << "Temperature in degrees Celsius =? ";
    int celsius;
    std::cin >> celsius;

    // Computation and output
    std::cout << celsius << " degrees Celsius are "
              << 9 * celsius / 5 + 32 << " degrees Fahrenheit.\n";
    return 0;
}
```

15 degrees Celsius are 59 degrees Fahrenheit.



9 * celsius / 5 + 32

- arithmetischer Ausdruck
- enthält drei Literale, eine Variable, drei Operatorsymbole



9 * celsius / 5 + 32

- arithmetischer Ausdruck
- enthält drei Literale, eine Variable, drei Operatorsymbole

Wie ist der Ausdruck geklammert?



Assoziativität und Präzedenz

Regel 1: Punkt- vor Strichrechnung

`9 * celsius / 5 + 32`

bedeutet

`(9 * celsius / 5) + 32`



Assoziativität und Präzedenz

Regel 2: Von links nach rechts

`(9 * celsius / 5) + 32`

bedeutet

`((9 * celsius) / 5) + 32`



Assoziativität und Präzedenz

Regel 1: Multiplikative Operatoren ($*$, $/$, $\%$) haben höhere **Präzedenz** ("binden stärker") als additive Operatoren ($+$, $-$)

Regel 2: Arithmetische Operatoren ($*$, $/$, $\%$, $+$, $-$) sind **linksassoziativ** (bei gleicher Präzedenz erfolgt Auswertung von links nach rechts)



Assoziativität und Präzedenz

Regel 3: Unäre +,- vor binären +,-

$$-3 - 4$$

bedeutet

$$(-3) - 4$$



Assoziativität und Präzedenz

Jeder Ausdruck kann mit Hilfe der

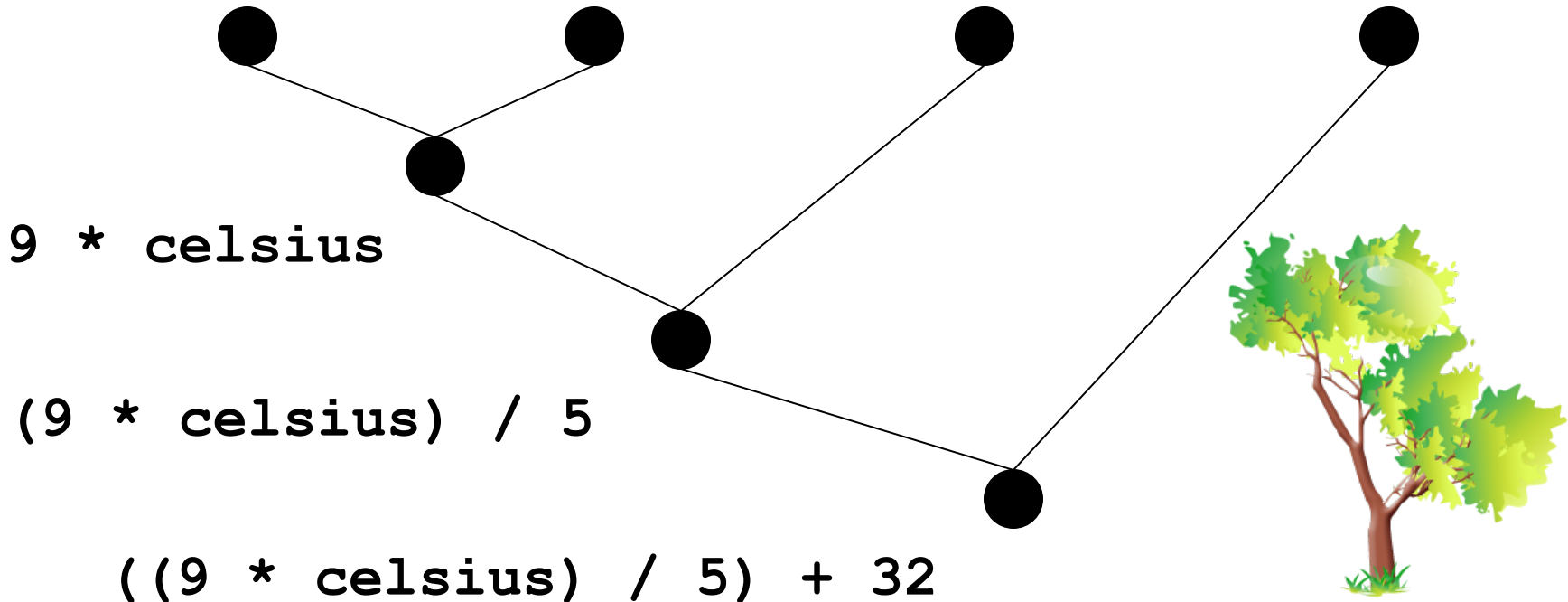
- Assoziativitäten
- Präzedenzen
- Stelligkeiten (Anzahl Operanden)

der beteiligten Operatoren eindeutig geklammert werden (*Details* im Skript).

Ausdrucksbäume

Klammerung ergibt *Ausdrucksbaum*:

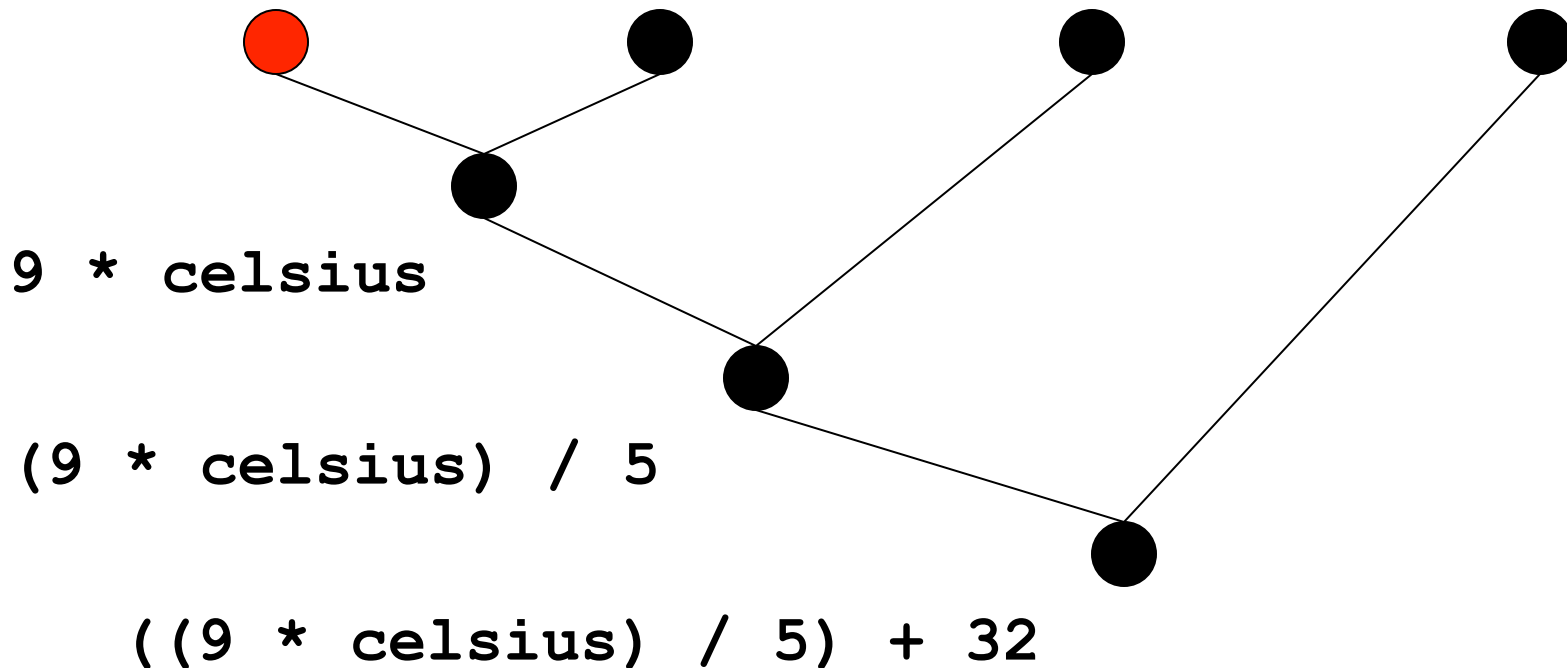
9 * celsius / 5 + 32



Auswertungsreihenfolge

Von oben nach unten im Ausdrucksbaum:

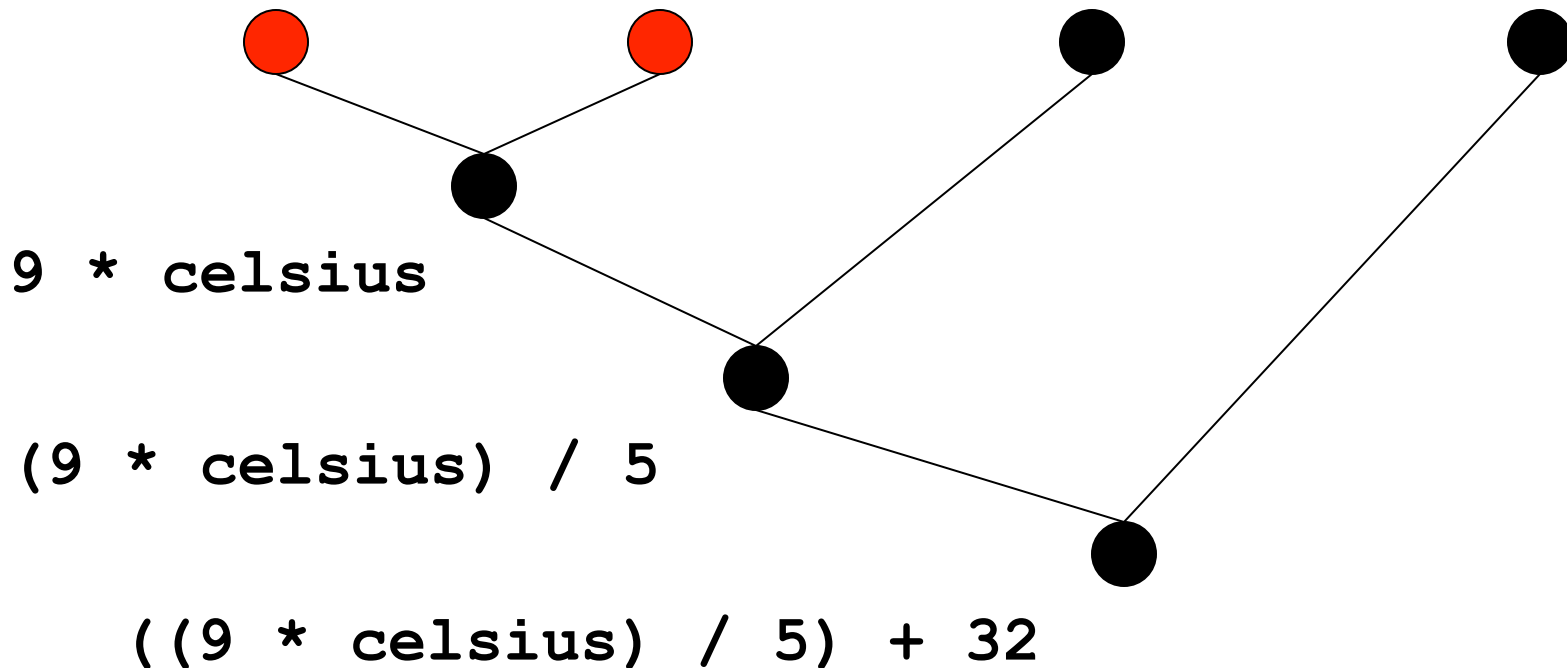
9 * celsius / 5 + 32



Auswertungsreihenfolge

Von oben nach unten im Ausdrucksbaum:

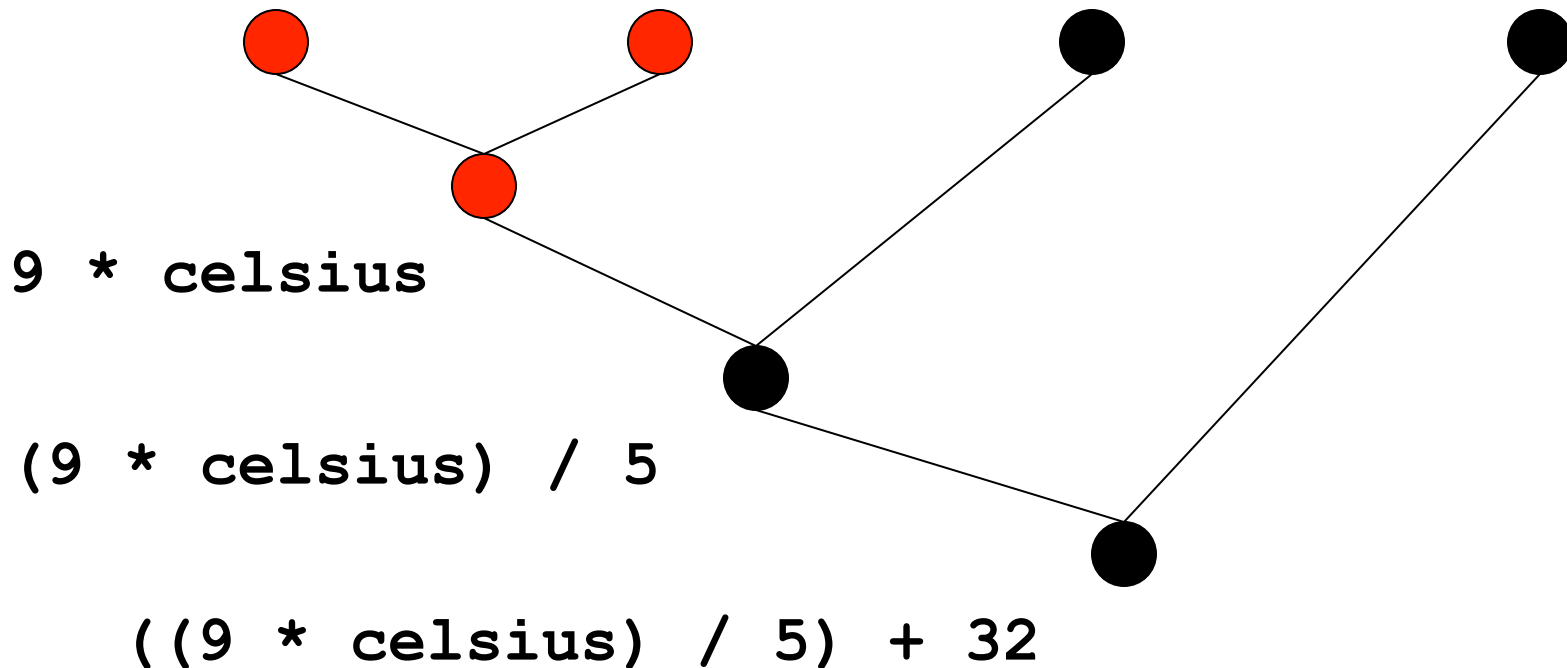
9 * celsius / 5 + 32



Auswertungsreihenfolge

Von oben nach unten im Ausdrucksbaum:

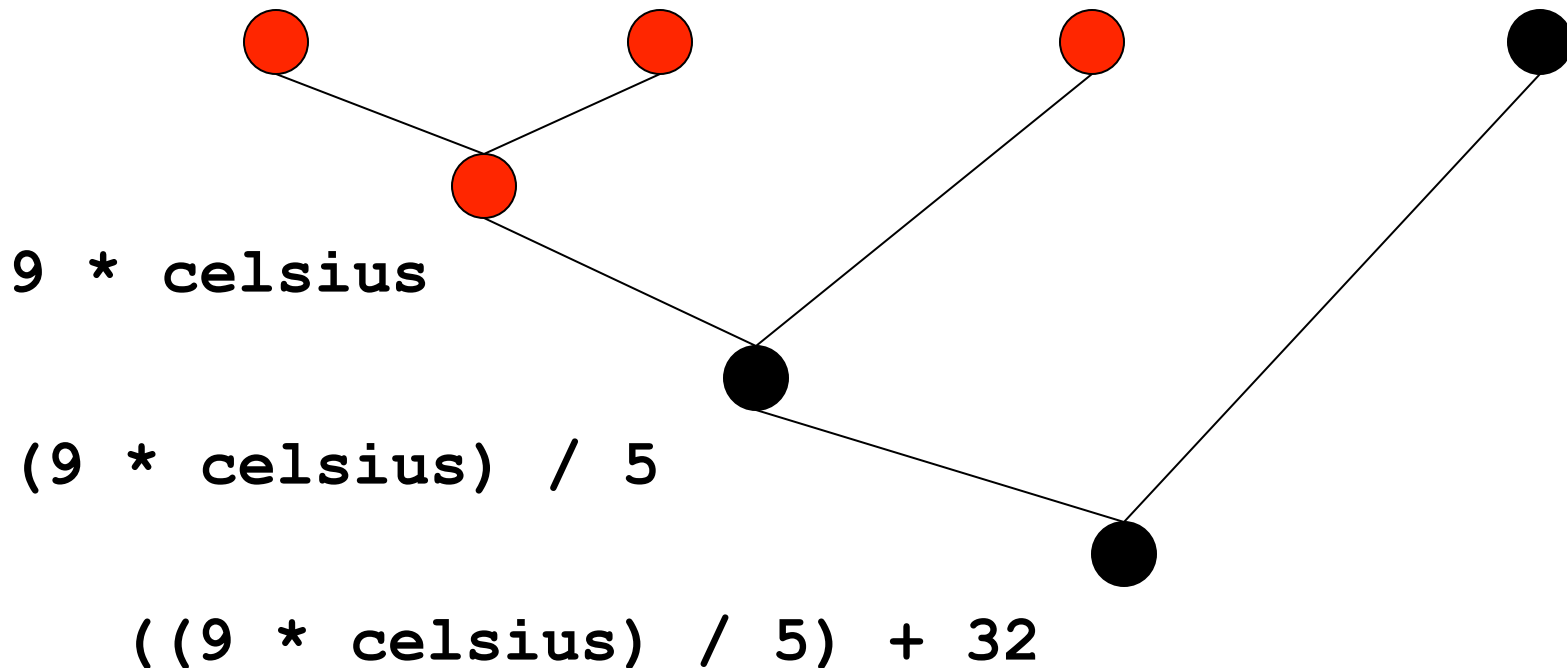
9 * celsius / 5 + 32



Auswertungsreihenfolge

Von oben nach unten im Ausdrucksbaum:

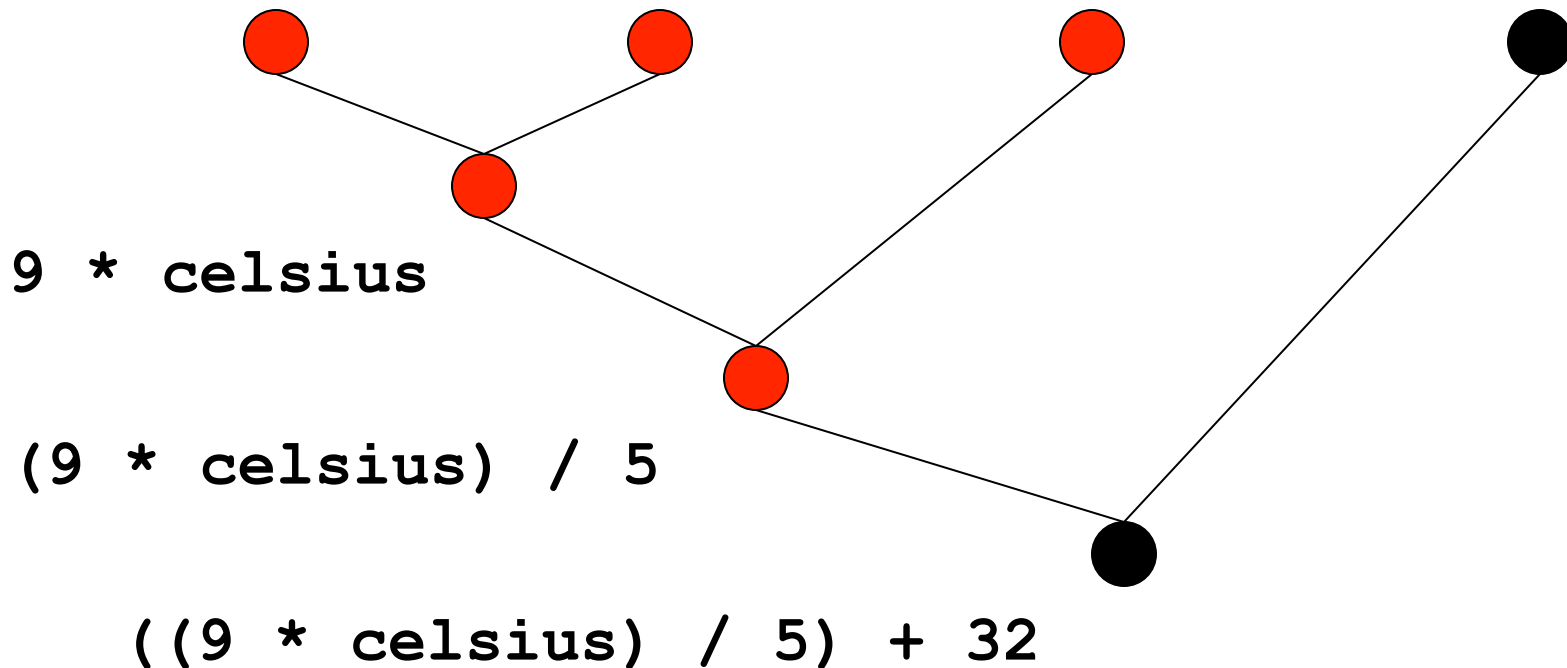
9 * celsius / 5 + 32



Auswertungsreihenfolge

Von oben nach unten im Ausdrucksbaum:

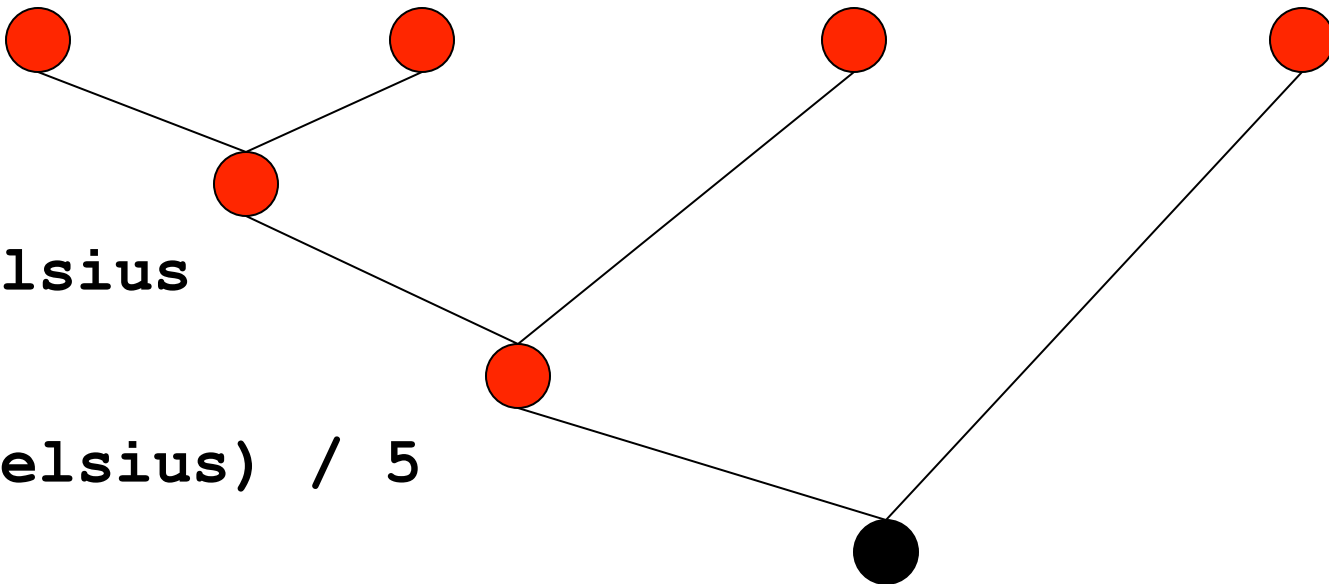
9 * celsius / 5 + 32



Auswertungsreihenfolge

Von oben nach unten im Ausdrucksbaum:

9 * celsius / 5 + 32



9 * celsius

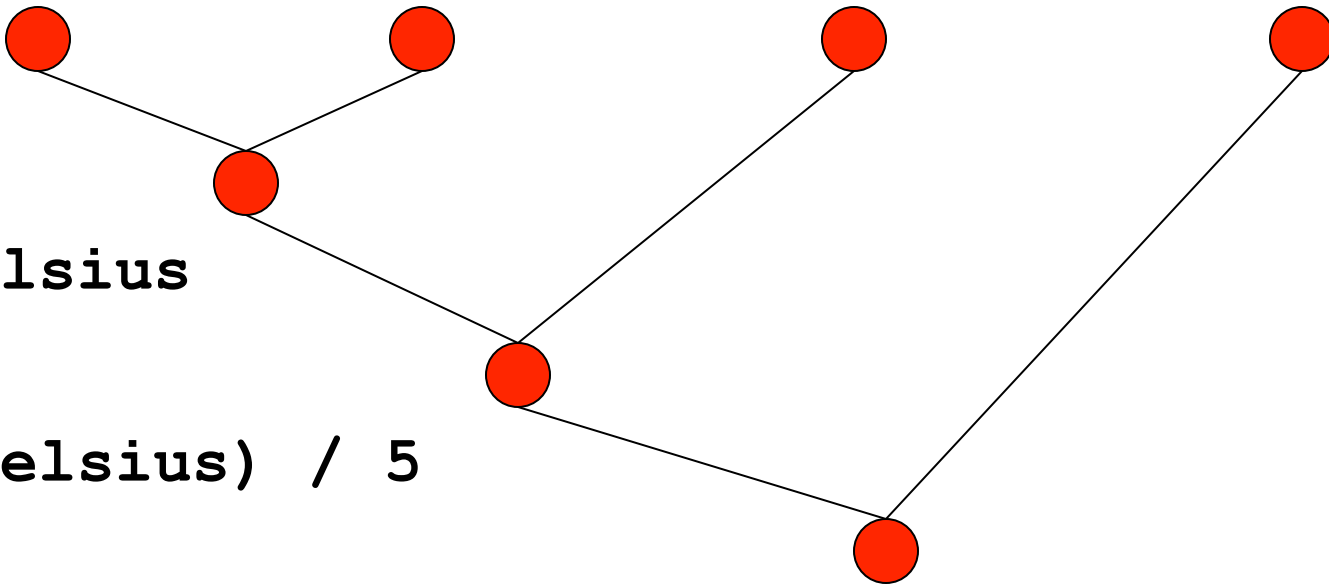
(9 * celsius) / 5

((9 * celsius) / 5) + 32

Auswertungsreihenfolge

Von oben nach unten im Ausdrucksbaum:

9 * celsius / 5 + 32



9 * celsius

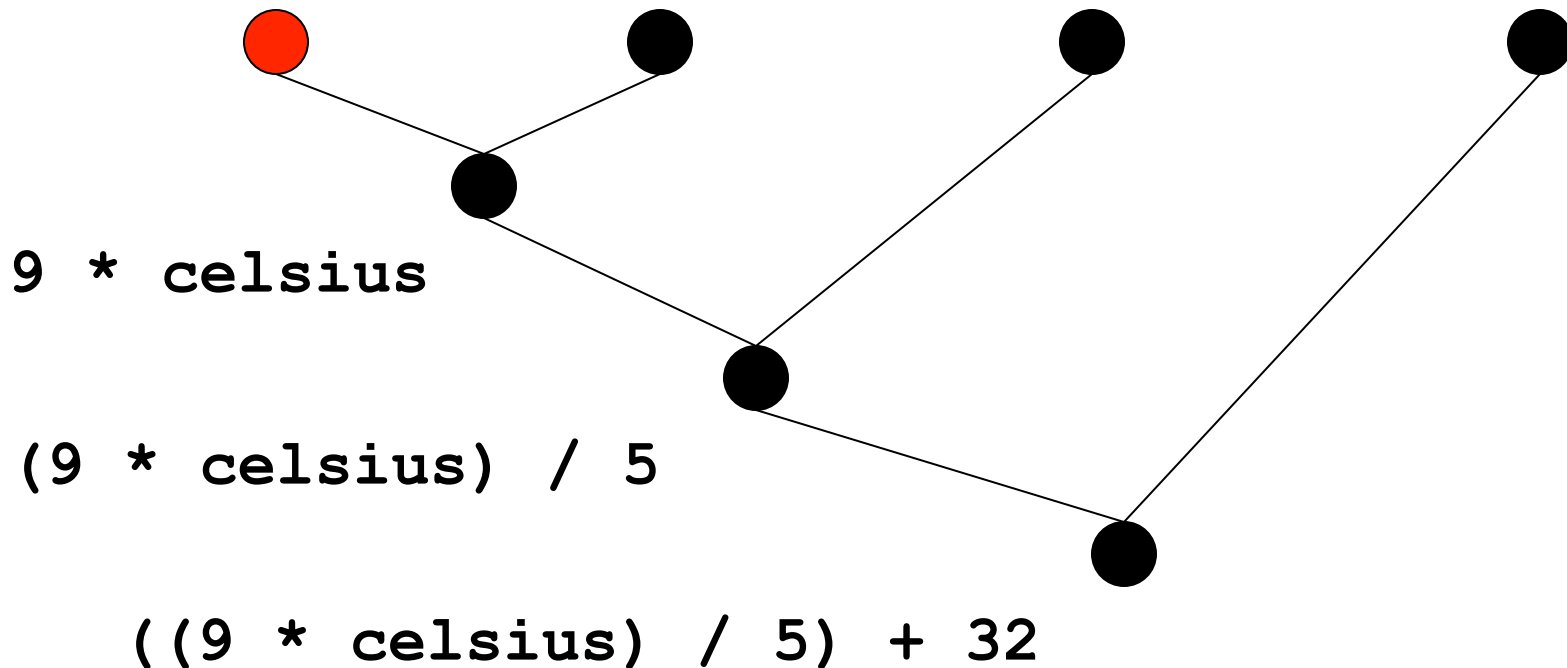
(9 * celsius) / 5

((9 * celsius) / 5) + 32

Auswertungsreihenfolge

Reihenfolge ist nicht eindeutig bestimmt:

9 * celsius / 5 + 32



Auswertungsreihenfolge

Reihenfolge ist nicht eindeutig bestimmt:

9 * celsius / 5 + 32



9 * celsius

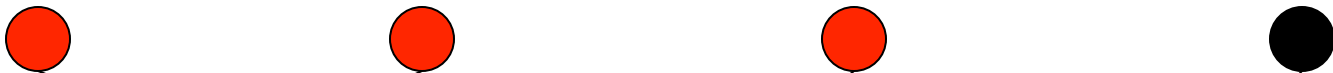
(9 * celsius) / 5

((9 * celsius) / 5) + 32

Auswertungsreihenfolge

Reihenfolge ist nicht eindeutig bestimmt:

9 * celsius / 5 + 32



9 * celsius

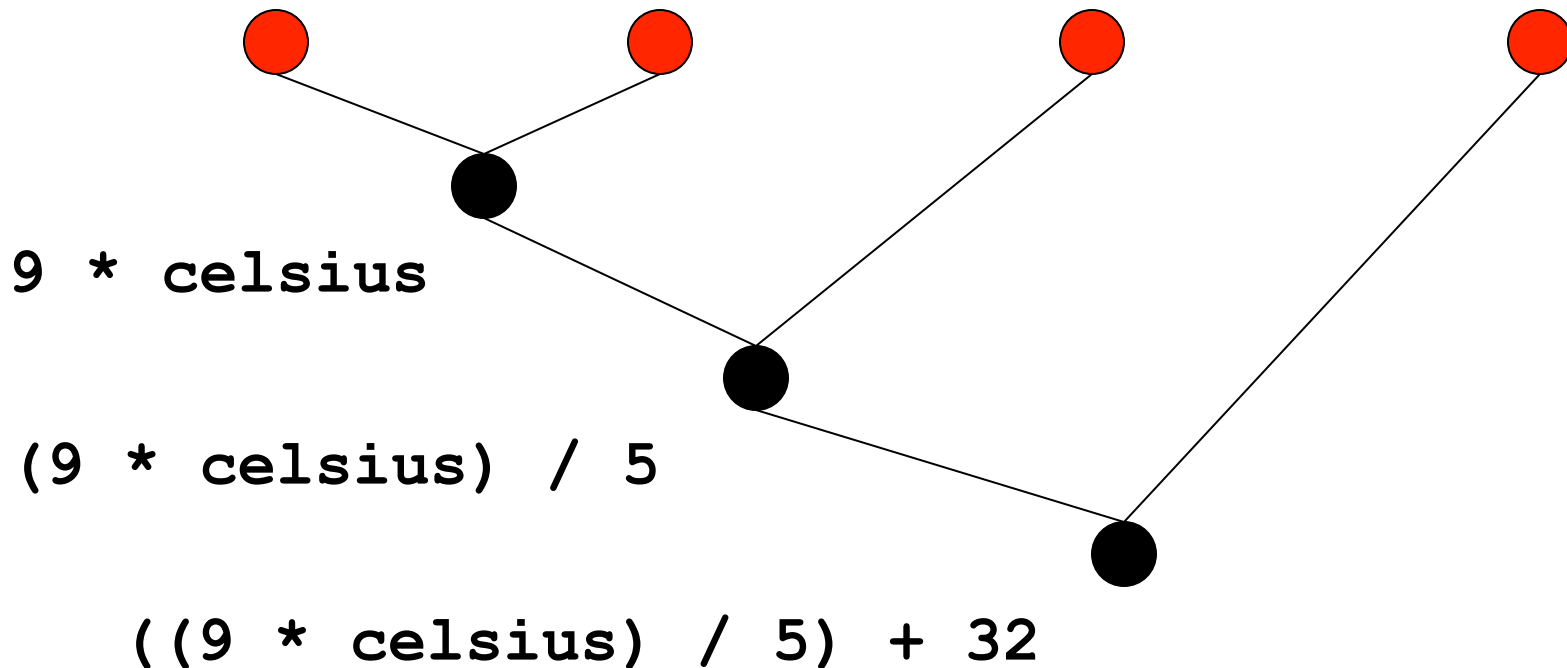
(9 * celsius) / 5

((9 * celsius) / 5) + 32

Auswertungsreihenfolge

Reihenfolge ist nicht eindeutig bestimmt:

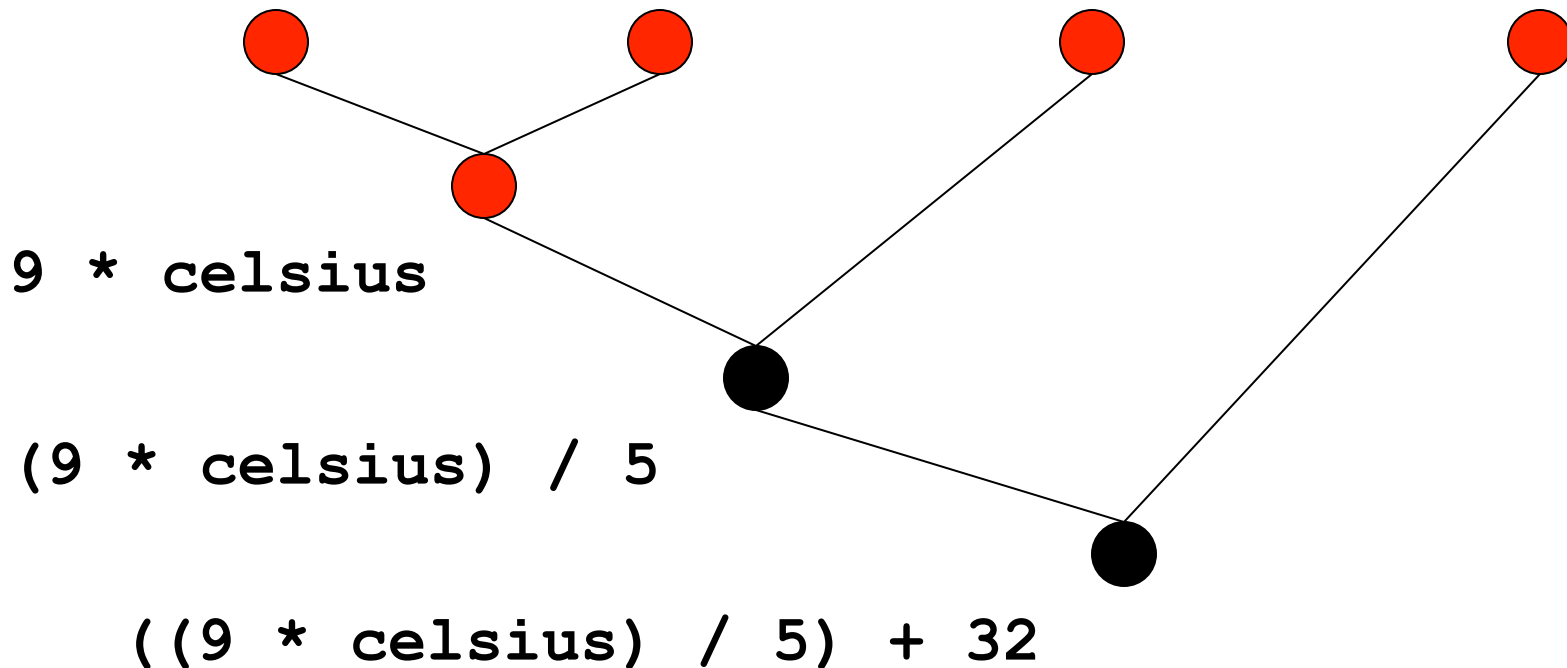
9 * celsius / 5 + 32



Auswertungsreihenfolge

Reihenfolge ist nicht eindeutig bestimmt:

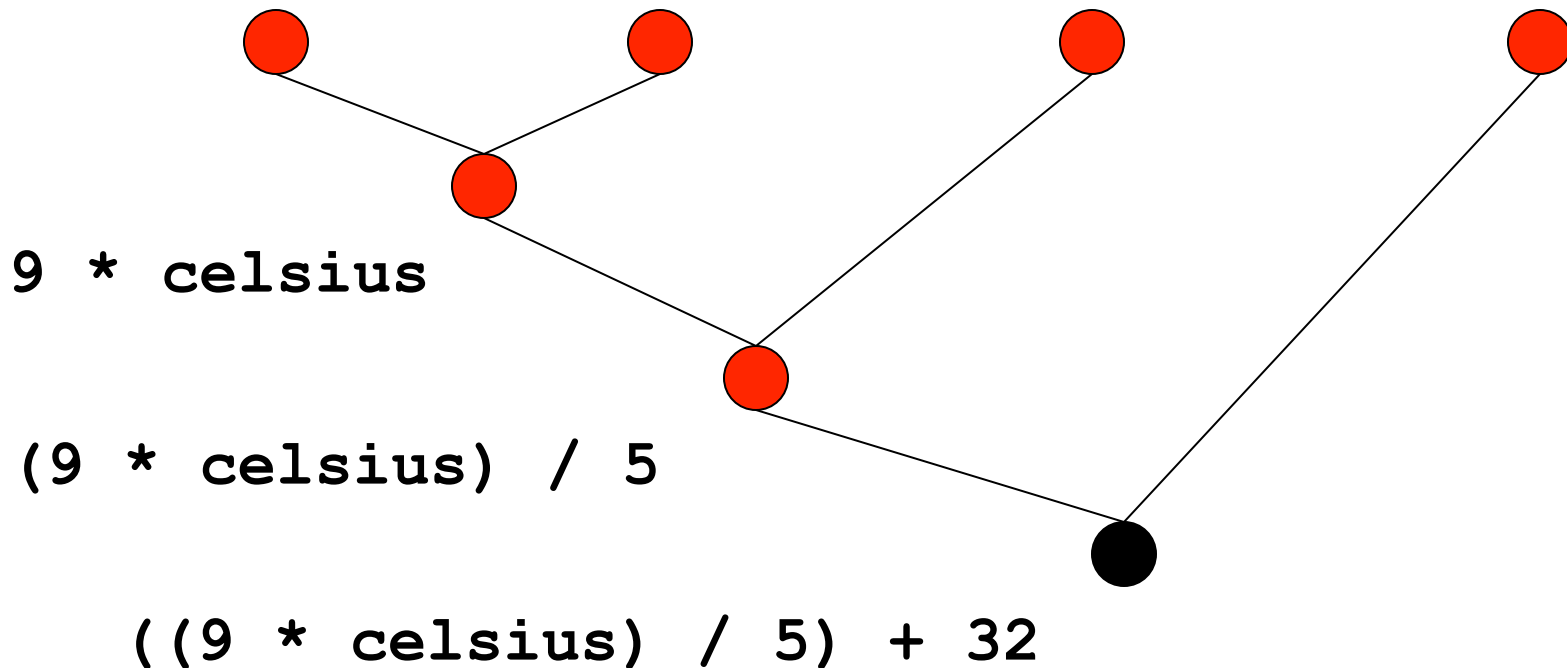
9 * celsius / 5 + 32



Auswertungsreihenfolge

Reihenfolge ist nicht eindeutig bestimmt:

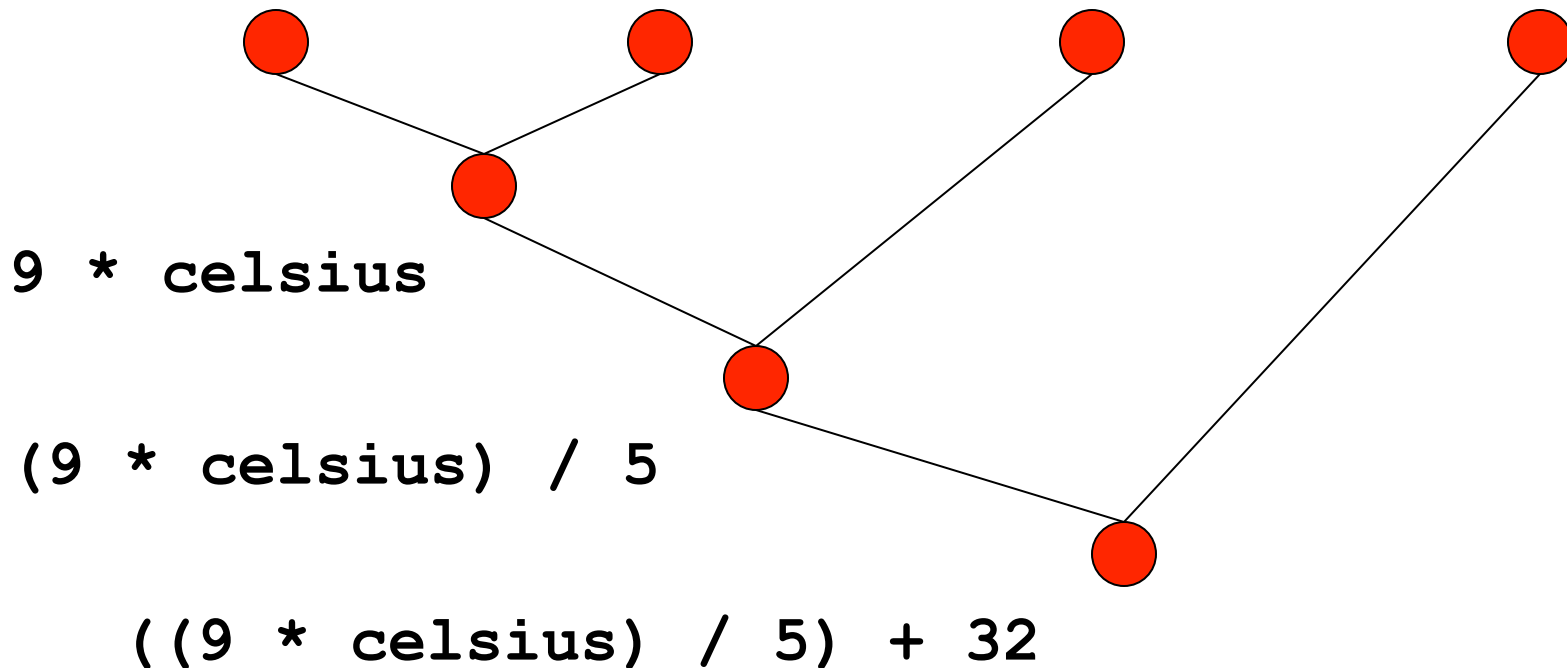
9 * celsius / 5 + 32



Auswertungsreihenfolge

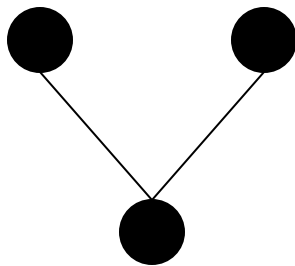
Reihenfolge ist nicht eindeutig bestimmt:

9 * celsius / 5 + 32



Auswertungsreihenfolge

- Gültige Reihenfolge: Jeder Knoten wird erst *nach* seinen Kindern ausgewertet.

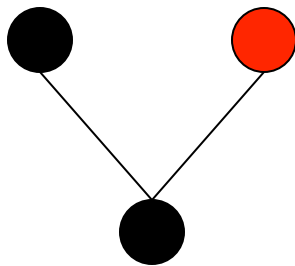


Kinder

Knoten

Auswertungsreihenfolge

- Gültige Reihenfolge: Jeder Knoten wird erst *nach* seinen Kindern ausgewertet.

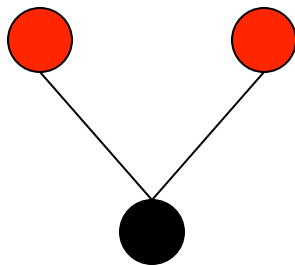


Kinder

Knoten

Auswertungsreihenfolge

- Gültige Reihenfolge: Jeder Knoten wird erst *nach* seinen Kindern ausgewertet.

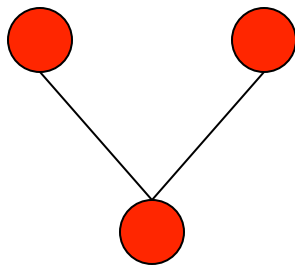


Kinder

Knoten

Auswertungsreihenfolge

- Gültige Reihenfolge: Jeder Knoten wird erst *nach* seinen Kindern ausgewertet.

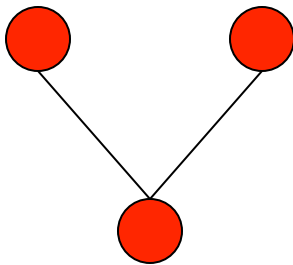


Kinder

Knoten

Auswertungsreihenfolge

- Gültige Reihenfolge: Jeder Knoten wird erst *nach* seinen Kindern ausgewertet.



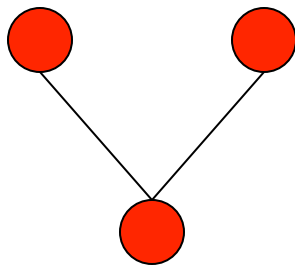
Kinder

Knoten

In C++ ist die anzuwendende gültige Reihenfolge nicht spezifiziert.

Auswertungsreihenfolge

- Gültige Reihenfolge: Jeder Knoten wird erst *nach* seinen Kindern ausgewertet.



Kinder

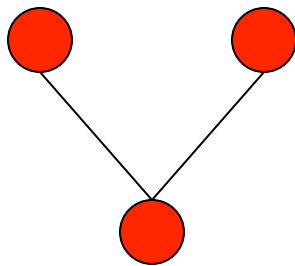
Knoten

In C++ ist die anzuwendende gültige Reihenfolge nicht spezifiziert.

- “Guter” Ausdruck: jede gültige Reihenfolge führt zum gleichen Ergebnis

Auswertungsreihenfolge

- Gültige Reihenfolge: Jeder Knoten wird erst *nach* seinen Kindern ausgewertet.



Kinder

Knoten

In C++ ist die anzuwendende gültige Reihenfolge nicht spezifiziert.

- "Schlechter" Ausdruck: Beispiel in der Übungsserie (sollte man vermeiden).

Arithmetische Operatoren

	Symbol	Stelligkeit	Präzedenz	Assoziativität
Unäres +	+	1	16	rechts
Unäres -	-	1	16	rechts
Multiplikation	*	2	14	links
Division	/	2	14	links
Modulus	%	2	14	links
Addition	+	2	13	links
Subtraktion	-	2	13	links

Operand
rechts



Arithmetische Operatoren

	Symbol	Stelligkeit	Präzedenz	Assoziativität
Unäres +	+	1	16	rechts
Unäres -	-	1	16	rechts
Multiplikation	*	2	14	links
Division	/	2	14	links
Modulus	%	2	14	links
Addition	+	2	13	links
Subtraktion	-	2	13	links

Alle Operatoren: R-Wert \times R-Wert \rightarrow R-Wert



Division und Modulus

- Operator `/` realisiert *ganzzahlige* Division:



Division und Modulus

- o Operator `/` realisiert *ganzzahlige* Division:

`5 / 2` hat Wert 2

- o in **fahrenheit.C**:

```
9 * celsius / 5 + 32:
```

```
15 degrees Celsius are 59 degrees Fahrenheit
```



Division und Modulus

- o Operator `/` realisiert *ganzzahlige* Division:

`5 / 2` hat Wert 2

- o in **fahrenheit.C**:

`9 * celsius / 5 + 32:`

15 degrees Celsius are 59 degrees Fahrenheit



`9 / 5 * celsius + 32:`

15 degrees Celsius are 47 degrees Fahrenheit



Division und Modulus

- o Operator `/` realisiert *ganzzahlige* Division:

`5 / 2` hat Wert 2

- o in **fahrenheit.C**:

```
9 * celsius / 5 + 32:
```

```
15 degrees Celsius are 59 degrees Fahrenheit
```

```
9 / 5 * celsius + 32:
```

```
15 degrees Celsius are 47 degrees Fahrenheit
```



Division und Modulus

- o Operator `/` realisiert *ganzzahlige* Division:

`5 / 2` hat Wert 2

- o in **fahrenheit.C**:

```
9 * celsius / 5 + 32:
```

```
15 degrees Celsius are 59 degrees Fahrenheit
```

```
1 * celsius + 32:
```

```
15 degrees Celsius are 47 degrees Fahrenheit
```



Division und Modulus

- o Operator `/` realisiert *ganzzahlige* Division:

`5 / 2` hat Wert 2

- o in **fahrenheit.C**:

```
9 * celsius / 5 + 32:
```

```
15 degrees Celsius are 59 degrees Fahrenheit
```

```
1 * 15 + 32:
```

```
15 degrees Celsius are 47 degrees Fahrenheit
```




Division und Modulus

- o Operator `/` realisiert *ganzzahlige* Division:

`5 / 2` hat Wert 2

- o in **fahrenheit.C**:

```
9 * celsius / 5 + 32:
```

```
15 degrees Celsius are 59 degrees Fahrenheit
```

```
47:
```

```
15 degrees Celsius are 47 degrees Fahrenheit
```



Division und Modulus

- Modulus-Operator berechnet *Rest* der ganzzahligen Division

$5 / 2$ hat Wert 2

$5 \% 2$ hat Wert 1



Division und Modulus

- Modulus-Operator berechnet *Rest* der ganzzahligen Division

$5 / 2$ hat Wert 2

$5 \% 2$ hat Wert 1

- Es gilt immer:

$(a / b) * b + a \% b$ hat den Wert von a



Inkrement und Dekrement

- Erhöhen / Erniedrigen einer Zahl um 1 ist eine häufige Operation
- geht für einen L-Wert *so*:

`expr = expr + 1`



Inkrement und Dekrement

- Erhöhen / Erniedrigen einer Zahl um 1 ist eine häufige Operation
- geht für einen L-Wert *so*:

`expr = expr + 1`

- Nachteile:
 - *relativ lang*



Inkrement und Dekrement

- Erhöhen / Erniedrigen einer Zahl um 1 ist eine häufige Operation
- geht für einen L-Wert *so*:

`expr = expr + 1`

- Nachteile:
 - *relativ lang*
 - *expr* wird zweimal ausgewertet (Effekte!)



In-/Dekrement-Operatoren

	Gebrauch	Stelligkeit	Präz.	Assoz.	L/R-Werte
Post-Inkrement	<i>expr++</i>	1	17	links	L-Wert -> R-Wert
Prä-Inkrement	<i>++expr</i>	1	16	rechts	L-Wert -> L-Wert
Post-Dekrement	<i>expr--</i>	1	17	links	L-Wert -> R-Wert
Prä-Dekrement	<i>--expr</i>	1	16	rechts	L-Wert-> L-Wert



In-/Dekrement-Operatoren

	Gebrauch	Effekt / Wert
Post-Inkrement	<i>expr++</i>	Wert von <i>expr</i> wird um 1 erhöht, der <i>alte</i> Wert von <i>expr</i> wird (als R-Wert) zurückgegeben
Prä-Inkrement	<i>++expr</i>	Wert von <i>expr</i> wird um 1 erhöht, der <i>neue</i> Wert von <i>expr</i> wird (als L-Wert) zurückgegeben
Post-Dekrement	<i>expr--</i>	Wert von <i>expr</i> wird um 1 erniedrigt, der <i>alte</i> Wert von <i>expr</i> wird (als R-Wert) zurückgegeben
Prä-Dekrement	<i>--expr</i>	Wert von <i>expr</i> wird um 1 erniedrigt, der <i>neue</i> Wert von <i>expr</i> wird (als L-Wert) zurückgegeben



In/Dekrement-Operatoren

Beispiel:

```
int a = 7;
```

```
std::cout << ++a << "\n";
```

```
std::cout << a++ << "\n";
```

```
std::cout << a << "\n";
```



In/Dekrement-Operatoren

Beispiel:

```
int a = 7;  
std::cout << ++a << "\n";    // 8  
std::cout << a++ << "\n";  
std::cout << a << "\n";
```



In/Dekrement-Operatoren

Beispiel:

```
int a = 7;
```

```
std::cout << ++a << "\n"; // 8
```

```
std::cout << a++ << "\n"; // 8
```

```
std::cout << a << "\n";
```



In/Dekrement-Operatoren

Beispiel:

```
int a = 7;
```

```
std::cout << ++a << "\n"; // 8
```

```
std::cout << a++ << "\n"; // 8
```

```
std::cout << a << "\n"; // 9
```



In/Dekrement-Operatoren

Ist die Anweisung

$++expr;$

äquivalent zu

$expr++;$?



In/Dekrement-Operatoren

Ist die Anweisung

`++expr;`

äquivalent zu

`expr++;` ?

Wir bevorzugen diese Variante.

- Ja, aber...
 - Prä-Inkrement ist effizienter (alter Wert muss nicht gespeichert werden)
 - Post-In/Dekrement sind die einzigen linksassoziativen unären Operatoren (nicht sehr intuitiv)



Arithmetische Zuweisungen

	Gebrauch	Bedeutung
<code>+=</code>	$expr1 += expr2$	$expr1 = expr1 + expr2$
<code>-=</code>	$expr1 -= expr2$	$expr1 = expr1 - expr2$
<code>*=</code>	$expr1 *= expr2$	$expr1 = expr1 * expr2$
<code>/=</code>	$expr1 /= expr2$	$expr1 = expr1 / expr2$
<code>%=</code>	$expr1 \% = expr2$	$expr1 = expr1 \% expr2$



Arithmetische Zuweisungen

	Gebrauch	Bedeutung
$+=$	$expr1 += expr2$	$expr1 = expr1 + expr2$
$-=$	$expr1 -= expr2$	$expr1 = expr1 - expr2$
$*=$	$expr1 *= expr2$	$expr1 = expr1 * expr2$
$/=$	$expr1 /= expr2$	$expr1 = expr1 / expr2$
$\%=$	$expr1 \% = expr2$	$expr1 = expr1 \% expr2$

Arithmetische Zuweisungen werten $expr1$ nur **einmal** aus.



Wertebereich des Typs `int`

- b -Bit-Repräsentierung: Wertebereich umfasst die ganzen Zahlen

$$\{-2^{b-1}, -2^{b-1}+1, \dots, -1, 0, 1, \dots, 2^{b-1}-1\}$$



Wertebereich des Typs `int`

- b -Bit-Repräsentierung: Wertebereich umfasst die ganzen Zahlen

$$\{-2^{b-1}, -2^{b-1}+1, \dots, -1, 0, 1, \dots, 2^{b-1}-1\}$$

- Auf den meisten Plattformen: $b = 32$



Wertebereich des Typs `int`

```
// Program: limits.cpp
// Output the smallest and the largest value of type int.

#include <iostream>
#include <limits>

int main()
{
    std::cout << "Minimum int value is "
               << std::numeric_limits<int>::min() << ".\n"
               << "Maximum int value is "
               << std::numeric_limits<int>::max() << ".\n";
    return 0;
}
```



Wertebereich des Typs `int`

```
// Program: limits.cpp
// Output the smallest and the largest value of type int.

#include <iostream>
#include <limits>

int main()
{
    std::cout << "Minimum int value is "
              << std::numeric_limits<int>::min() << ".\n"
              << "Maximum int value is "
              << std::numeric_limits<int>::max() << ".\n";
    return 0;
}
```

z.B.

```
Minimum int value is -2147483648
Maximum int value is 2147483647
```



Überlauf und Unterlauf

- Arithmetische Operationen (+, -, *) können aus dem Wertebereich herausführen
- Ergebnisse können inkorrekt sein.



Überlauf und Unterlauf

- Arithmetische Operationen (+, -, *) können aus dem Wertebereich herausführen
- Ergebnisse können inkorrekt sein.

```
power8.cpp: 158 = -1732076671
```

```
power20.cpp: 320 = -808182895
```



Überlauf und Unterlauf

- Arithmetische Operationen (+, -, *) können aus dem Wertebereich herausführen

- Ergebnisse können inkorrekt sein.

```
power8.cpp: 158 = -1732076671
```

```
power20.cpp: 320 = -808182895
```

- Es gibt keine Fehlermeldung!



Der Typ `unsigned int`

- Wertebereich

$$\{0, 1, \dots, 2^b - 1\}$$

- Alle arithmetischen Operatoren gibt es auch für `unsigned int`
- Literale: `1u, 17u, ...`



Gemischte Ausdrücke

- Operatoren können Operanden verschiedener Typen haben (z.B. `int` und `unsigned int` `17 + 17u`)
- Solche gemischten Ausdrücke sind vom "allgemeineren" Typ `unsigned int`
- `int`-Operanden werden *konvertiert* nach `unsigned int`



Konversion

<code>int</code> Wert	Vorzeichen	<code>unsigned int</code> Wert
x	≥ 0	x
x	< 0	$x + 2^b$



Konversion

<code>int</code> Wert	Vorzeichen	<code>unsigned int</code> Wert
x	≥ 0	x
x	< 0	$x + 2^b$



Bei *Zweierkomplement*-Darstellung passiert dabei intern gar nichts!





Konversion "andersherum"

- o Die Deklaration

```
int a = 3u
```

konvertiert `3u` nach `int` (Wert bleibt erhalten, weil er im Wertebereich von `int` liegt; andernfalls ist das Ergebnis implementierungsabhängig)